

TÜRKMEN POLİTEHNİKİ INSTITUTY

H.Babayew

**PROGRAMMIRLEMEGIŇ
DILLERI WE MESELELERI
ÇÖZMEKDE SANLY
USULLARYŇ ULANYLYŞY**

Ýokary okuw mekdepleri üçin okuw kitaby

Aşgabat – 2010

H.Babaýew, Programmirlemegeň dilleri we meseleleri
çözmekde sanly usullaryň ulanylышы.

Ýokary okuw mekdepleri üçin okuw kitaby, Aşgabat – 2010 ý.

Giriş.
Programmirleme we hasaplaýyş tehnikasynyň esbaby,
elektron hasaplaýyş maşynlarynyň (EHM) nesli

Türkmenistanyň Prezidenti
Gurbanguly Berdimuhamedow:
-Ýokary hünärlı hünärmenleri taýýarlamak
ýurdumyzda ýaybaňlandyrylan bilim
özgertmeleriniň esasy maksadydyr.

Hormatly Prezidentimiz Gurbanguly Berdimuhamedowyň ýurt başutanlygyna geçen günlerinde kabul eden ilkinji Permanlary, Kararlary bilim-ylym ulgamyny kämilleşdirmek hem dünýä derejesine çykarmaga ugur alynmagy, ylym-bilim ulgamyny iň kämil görnüşe getirmekde aýgytly ädimleriň biri boldy. Bu hem ýurdumyzda ýokary okuw mekdeplerinde okaýan ýaşlaryň ýokary derejeli hünärmenler bolup yetişmegine ýardam etdi, çünkü ýaş hünärmenler döwleti ösdürjek we dünýä tanatjak güyçdir. Türkmenistanyň mekdep okuwçylarydyr, talyplary bütindünýä Internet maglumatlar ulgamynyň hyzmatlaryndan peýdalanmak, okuw prosesinde interaktiw usullary, multimedîya ulgamyny ullanmak mümkünçiligine eýe boldular.

Hormatly Prezidentimiz Gurbanguly Berdimuhamedow Beýik Galkynyş eýýamynda ýurdumyzyň gülläp ösmegi üçin bilim ulgamında täzece badalga berdi. Ýaş nesli çuňňur bilimli, kämil terbiýeli, ukyp-başarnyklaryny, özbaşdak pikirlenmek endiklerini kemala getirmek üçin pedagog mugallymlara ähli şertler döredildi.

EHM-yň emele gelmegi bilen adamzat biliminiň taryhynda täze sahypa açyldy we alymlaryň öndürjilik zähmetini göz öňüne getirip bilmejek möçberinde artdyrdы, çylşyrymly prosesleriň öwrenilmegine mümkünçilik döretdi. Häzirki wagtda halk hojalygynyň haýsy pudagyny alsak hem

ony ösen kompýuter tehnologiýasız göz öňüne getirmek mümkün däl. Mundan başga ylymyň käbir bölümleri kompýutersiz ýaşap bilmeler. EHM-laryň peýda bolmagy hasaplamaagyň ösüş taryhy tarapyndan taýarlanylardy.

Gadymy hasaplaýış gurallary hökmünde tebigatda adamzada berlen onuň hususy elliři hyzmat edipdir. Şonuň esasynda hem başlik (bir el) we onluk (iki el) hasaplaýış ulgamy öz başlangyjyny alyp gaýdýar. Gadym Ruslarda we Hytaýda ýonekeý hasaplaýış gurallary hökmünde şotlary ulanypdyrlar. XVII asyrda Paskal we Leýbnis arifmetiki amallary ýerine ýetirip bilýän birinji mehaniki abzaly döredipdirler, olara "arifmometrler"- diýipdirler. XIX asyrda Odner we Çebyşew arifmometre meňzeş maşyny oýlap tapypdyrlar. Olar XX asyryň 50-nji ýyllaryna çenli ulanylypdyr. Informasiýany elden girizmeli bolany üçin bu abzalda köpcülikleýin hasaplomalary mehanizmleşdirmäge mümkünçilik bermedi.

Hasaplaýış tehnikasynyň taryhynda görünüklü orny iňlis matematigi Bebejiň işleri eýeleýär. Onuň guran analiz maşynynda birinji gezek häzirki zaman elektron maşynalaryndaky ýaly bloklar esasynda ýagny, huş, arifmetiki we logiki abzal, dolandyryş abzaly we giriş-çykyş abzallaryndan düzülipdir. Ol öz işlerinde häzirki zaman EHM-nyň esasyny düzýän programmalaýyn dolandırmaklygy üpjün edýän düzgünleri ulanypdyr we hödürläpdir. Bebejiň işleri ol öлenden soň 1885-nji ýylda çap edilipdir.

Häzirki zaman kompýuterleriň esasyny düzýän programmaly dolandyryş düzgünine görä huşda programmany saklamak düzgün hyzmat edýär. Bu düzgün we EHM-de ikilik hasaplaýış sistemasyny ulanmaklyk teklibini 1945-nji ýylda Jon Neyman tarapyndan höđürلendi. Ilkinji hasaplaýış maşyn hökmünde 1945-nji ýylda Amerikanyň Pensilwan uniwersitetiniň alymlary J.Ekkart we J.Mouçli tarapyndan höđürленen ENIAC maşyny hasaplanýar. Ol özünde 1800 çyra

saklaýar we 500 goşmaklygy we 400 köpeltmegi bir sekundta ýerine ýetiripdir.

Ilkinji huşda programmany saklamak düzgüni 1949 ýylda Angliýada döredildi. Bu kompýuterleriň birinji neslini düzýär (1950-1960). EHM-leriň ikinji neslinde (1960-1970) ýarym geçirijili tranzistorlar ulanylýpdyr. Huşuň göwrümi artdyryldy. Çalt hereket etmeklik sekundta 10 000-den 100 000-e çenli artdyryldy, öndürrijiliği bolsa sekundta 1 000 000-dan 3000000-a çenli ýetdi. Üçünji nesliň maşynlary (1970-1980) integral shemalarda ýerine ýetirilýär. Dördünji nesil maşynlary (1980-1990) dürli öndürrijilikli mikro elektron hasaplaýış maşynlaryndan başlap ýokary derejeli öndürrijilikli hasaplaýış ulgamlaryny saklaýar. Soňky basınji nesliň maşynlary (1990-häzirki wagta çenli) dürli ýokary derejeli mümkünçilikler bolan integral shemalar ulanylýar. Bu maşynlarda adamyň gürlemegi esasynda oňa düşünip terjime etmekligi göz önünde tutulýar. Bu nesliň maşynlarynda optoelektronika ulanylars. Bu bolsa huşuň göwrümini artdyrar, sistemalaryň çalt hereket etmekligini ýokary derejä ýetirer.

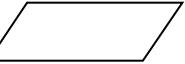
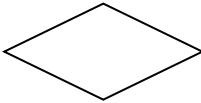
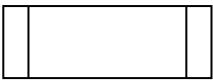
Algoritmlar we blok shemalary şekillendirmegiň düzgünleri

Algoritm – bu haýsy-da bolsa bir yzygider amallary yerine ýetirmek üçin berlen düşnükli takykyazgydyr.

Islendik çylşyrymly algoritm özünde üç görnüşü saklaýar: çyzykly; şahalanýan; sikliki gaytalanýan algoritmler. Çylşyrymly_algoritm - bu gurluşlary dürli derejede saklap biler. Çyzykly_algoritm – diýip tertip boýunça ýeke-täk ýerine ýetirýän amallaryň yzygiderligine aýdylýar. Şahalanýan algoritm - diýip käbir şerti barlaýan blok ýa-da bloklar köplüğini saklayán şerte baglylykda saha diýip at berilýän ol ýa-da beýleki amallaryň yzygiderligine aýdylýar.

Sikliki gaýtalanýan algoritm – diýip birnäçe gezek gaýtalanyp dürli bahalarda hasaplanylýan amallaryň yzygiderligine aýdylýar.

Blok shemalarda berk kesgitlenen bloklaryň görnüşleri ulanylýar. Olardan ulanyljak esasy bloklara seredeliň:

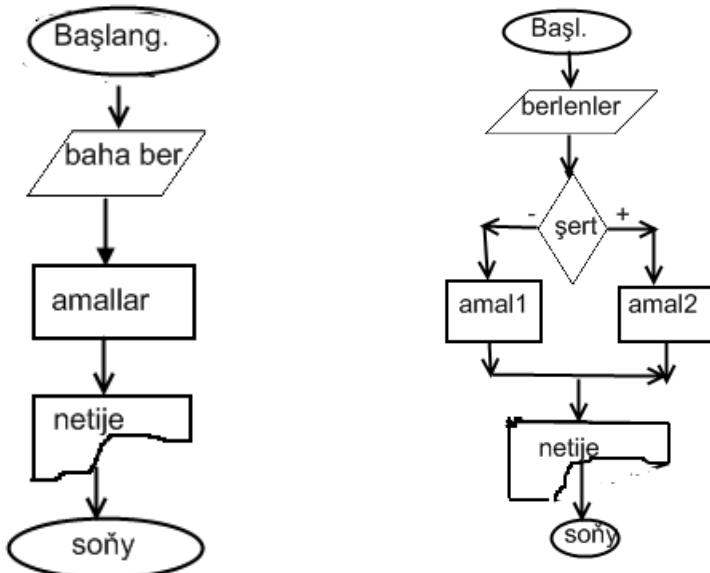
- 1)  - algoritmiň başlangyjy ýa-da soňy;
- 2)  - berlenleri girizmek ýa-da çykarmak blogy;
- 3)  - arifmetiki amallary hasaplamak blogy;
- 4)  - şerti barlamak blogy;
- 5)  - bölek programmada hasaplamak blogy;



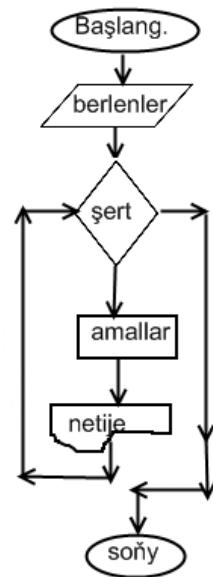
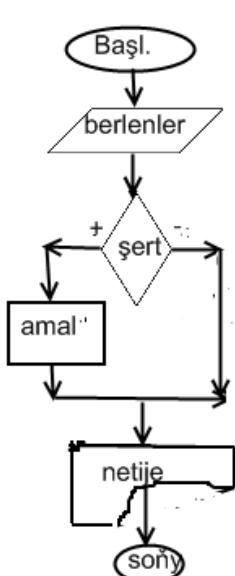
- 6) - birleşdiriş blogy;
- 7) - klawiaturadan berlenleri girizmek blogy;
- 8) - sikliň başlangyjy;
- 9) - netijäni çap etmek blogy;

Bu blok-shemalary ulanyp çyzykly; şahalanýan; sikliki gaytalanýan algoritmleriň umumy görnüşde mysaly shemalaryny guralyň.

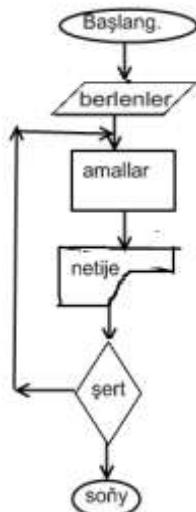
1) Çyzykly algoritm: 2) Şahalanýan algoritmiň doly görnüşi:



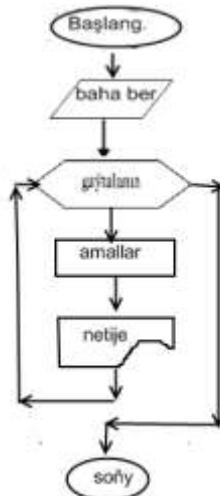
3) Şahalanýan algoritmiň 4) Şerti öňünden barlayán siklikı
gysga görnüşi: algoritm



5) Şerti soñundan barlayán
siklikı algoritm :



6) Parametrlı siklikı
algoritm:



Programmirleme dili barada düşünje

Kompýuterde ýerine ýetirmek üçin niyetlenen algoritmiň ýazylan diline **programmirleme dili** diýilýär. **Programma** bu – programmirleme dilinde ýazylan algoritmdir. Programmany ýazmak üçin programmirleme diliniň **elipbiýini** düzýän gutarnykly belgileriň toplumy ulanylýar. Bize tanyş bolan elipbiýden üýtgeşiklikde programmirleme diliniň elipbiýi harplardan başga sanlar, dyngý belgileri, arifmetiki ýumuşlaryň belgileri we başgada goşmaça belgileri saklaýar. **Programma** programmirlemek diliniň elipbiýinden durýan belgileriň yzygiderligi görnüşinde ýazylýar. Elipbiýden düzülen programmanyň gurluşynyň doğrulygyny programma diliniň **sintaksisini** ullanmak bilen barlamak bolar. Programmirleme diliniň **sintaksisi** – bu elipbiýiň belgilerinden dogry programma düzmekligiň düzgünlerini kesitleyän toplumdyr. Diliň sintaksisini bilip ýazylan tekstiň dogry programmamy ýa-da nädogrylgyny kesitleyän algoritmi gurmak bolar. Bu algoritm kompýutere girizilen programmanyň sintaktiki doğrulygyny barlamaga mümkünçilik berýär.

Programma diliniň **semantikasy** – bu düzgünleriň toplumdyr. Onuň kömegi bilen ulanyjy programma düzýär. Diliň semantikasyny ulanyp berlenleri girizip programmany ýerine ýetirmekligiň netijesini birbahaly kesitlemek mümkün. Programma dilinde ýazylan algoritmi kim ýerine ýetirýär diýen soraga seredeliň. Kompýuter algoritmi ýerine ýetirmek bilen komandalaryň ýonekeý diline eýedir. Oňa **maşyn dili** diýilýär. Çylşyrymly algoritmler maşyn dilinde birnäçe müň komandalary saklap biler. Şoňa göräde maşyn dili programmirleme diliniň pes derejesine eýedir. Pes derejeli dilde programmirlemek düzüjä has kyn bolup ol ýokary kwalifikasiýany talap etýär. Şoňa görä-de programmistiň öndürjiligi hem pesdir. Bu kynçylyklary ýeňmek üçin **ýokary derejeli** programmirleme dili özleşdirildi. Ýokary derejeli programmirlemek dili görnüşi böýünça, kompaktlygy boýunça

matematiki dile ýakyndyr. Diliň komandalaryna köplenç operatorlar diýilýär. **Operatorlar** – diliň esasy elementi bolup meseläni çözmeklägiň algoritmni ýerine ýetirmekligiň düzgünlerini ýazýar. Mysal üçin Paskal diliniň adyna bermek operatoryna seredeliň:

$$X := 2*A*B*\text{Sin}(a) + 2*H*(A+B);$$

- bu operator H beýiklikli esasy A we B taraply, olaryň arasyndaky burçy a parallelogram bolan prizmanyň doly üstüniň meýdanyň hasaplaýar we X üýtgeýäne dakýar.

Ýokary derejeli dilde ýazylan programmany ýerine ýetirmek üçin bu programmanyň her bir operatoryny yzygider maşynyň komandalaryna öwürmeli. Ýokary derejeli dilde programmany ýazmaklygyň dürli iki görnüşi bar. Olaryň birinji görnüşinde **kompilyator** diýip at berilýän ýörüte kömekçi programma ýazylan programmanyň hemme operatorlaryny maşynyň diline geçirýär, ondan soň alınan maşynyň programmasy kompýuter tarapyndan ýerine ýetirilýär. Ikinji görnüşde **interpretator** diýip at berilýän kömekçi programma ulanylýar. Interpretator ýazylan programmanyň operatorlaryny biri-biriniň yzyndan yzygiderlikde maşynyň diline geçirýär we kompýuter şol wagtyň özünde ony ýerine ýetirýär. Eger-de algoritmdə birnäçe deň operatorlar bar bolsa onda ony birnäçe gezek terjime etmelidigi aýdyňdyr. Interpretator we kompilyatoryň özleriniň maşynyň diliniň programmasy bolany sebäbli olaryň her biriniň öz ýetmezçiliği we artykmaçlygy bardyr. Kompilyator programmany bir bütewi görnüşinde maşynyň diline geçirýär we aýratyn operatorlaryň doğrulygyny we bir-biri bilen baglanyşygyny barlaýar. Bu bolsa birnäçe wagtyň alýar ýöne kompilyasiýa döwründe programmanyň ýalňışlyklaryny ýüze çýkarýar. Interpretatora ýüzlenmeklik oňa görä köp ýonekeydirdir. Ol programmany doly ýazyp gutarylmadyk halatynda hem ýerine ýetirmeklige mümkünçilik berýär. Bu bolsa algoritmiň işlenilýän döwründe gymmatlydyr. Ýöne interpretator programmanyň hemme böleginiň bir-biri bilen baglanyşygyny barlap bilmeýär. Mundan başgada

interpretasiýa döwründe programma kompilýasiýada ýazylan programma görä birnäçe esse haýal geçýär. Interpretasiýa režiminde beýsik diliniň programmalary ýerine ýetirilýär. Beýleki programmiremegin dilleri kompilýasiýa režiminde ýerine ýetirilýär. Şoňa göräde ýokary derejeli dilde programmany ýerine ýetirmeklik bir kompýuter tarapyndan bolman birnäçe kompýuter we ýörüte programmalar tarapyndan amala aşyrylýar. Bu programmalara kompýuteriň örtügi diýilýär. Bu programmalar algoritmi ýerine ýetirmekde bir tarapdan kompýuteriň derejesini ýokarlandyrýar beýleki tarapdan bolsa, ýokary derejede programmireyän ulanya gerek bolmadyk çylşyrymlы kompýuteriň gurluşlarynyň işini gizlinlikde saklaýar. Programmany işlemek we ýerine ýetirmek üçin gerek bolan dilleriň we programma serişdeleriniň toplumyna programmirleme ulgamy diýilýär.

Basic programmirleme dili

Diliň elipbiyi. Hemişelikler. Üýtgeýän ululyklar

Programmany ýazmak üçin ulanylýan diliň elipbiyi bilen tanyş bolalyň:

- latyn harplary: A,B,C,...,Z;
- onluk san belgileri : 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9;
- arifmetik amallaryň belgileri : + - * / ^ (derejä göstermek);
- gatnaşyk amallary : = > < >= (uly ýa-da deň), <= (kiçi ýa -da deň), <> (deň däl);
- logiki amallar : AND (we), OR (ýa -da), NOT (däl);
- setir amaly: + (seplemek);
- ýörüte belgiler: ! ? " '(apostrof) . , - (aşagyny çyzmak) / (çepe ýapgyt çyzyk) # (gözenek), &(ampersend), \$ (pul belgisi) : ; () % (göterim).

Programma ýerine ýetirilýän wagtynda öz bahalaryny üýtgetmeýän ululyklara **hemişelikler** diýilýär. Hemiselikler

san, logiki we setir hemişelikleri bolup bilyärler. Hemişelileriň bahalary we görnüşleri programmadaky ýazgysy bilen kesgitlenýär.

San hemişeliklerine bitin we hakyky sanlar degişlidir. Bitin san hemişeligiň bahalary onluk, sekizlik we onaltylyk hasaplaýış ulgamynda aňladylyp bilner. Onluk hasaplaýış ulgamynda bitin san hemişelikleriniň bahalary [-32768 ; 32767] aralykda bolmalydyr.

Hakyky san hemişeligi bitin bölegi drob böleginden nokat bilen tapawutlandyrylyar. Hakyky san hemişelikleriniň onluk berkidilen we yüzyän nokatly görnüşleri bar. Sanlaryň yüzyän nokatly görnüşinde latyn E harpyndan peýdalanylýar, ol 10 sany çalysýar. Oňa sanyň ekspotensial görnüşi diýilýär, ýagny $\pm mE \pm p$, bu ýerde m – bitin ýa-da drob san, E – onluk hasaplama ulgamynyň esasy, p – sanyň tertibi.

Mysal üçin

$$0,714 = 71,4 \cdot 10^{-2} = 7,14 \cdot 10^{-1} = 0,714 \cdot 10^0 = 0,00714 \cdot 10^2 = \dots$$

sanlary $0.714 = 71.4 \cdot 10^{-2} = 7.14 \cdot 10^{-1} = 0.714 \cdot 10^0 = 0.00714 \cdot 10^2 = \dots$ görnüşde aňlatmak bolar. Hakyky san hemişelikleriniň bahalary 10^{-38} bilen 10^{38} aralykda bolmalydyr. Sanyň ähtibarly sanbelgileriniň mukdary 6-dan geçmeli däl.

Logiki hemişelikler iki bahany alýar TRUE (çyn) we FALSE (ýalan).

Setir hemişelikleri goşadyrnaga alınan islendik belgileriň yzygiderligidir. Setirdäki belgileriň sany 255-e čenli bolup biler. Mysal üçin "TALYP"; "A1T +C2"; "12.56"

Setir hemişelikleri tekst maglumatlary bermek üçin hem ulanylýar.

Programma ýerine ýetirilýän wagtynda dürli bahalary kabul edip bilyän ululyklara **üýtgeýän ululyklar** diýilýär. Her bir üýtgeýän ululygyň öz ady–identifikatory bar. Ol hyzmatçy sözler bilen gabat gelmeyän harp bilen başlanýan harplaryň we sanbelgileriň kesgitli yzygiderligidir. Meselem A, ZS, S2, L9 – identifikatorlardyr, emma 2H, A+, 21R identifikator bolup bilmeýärler.

Beýsikde bitin, hakyky, logiki we setir üýtgeýän ululyklar bar. Bitin üýtgeýän ululygyň identifikatorlarynyň, yzyndan % belgisi, setir üýtgeýän ululygyň identifikatorynyň yzyndan bolsa \$ belgisi goýulýar. Meselem, N%, VR%, X1%, - bitin ;N\$, VR\$, X1\$ -setir ; A, B5, D1, ZX – hakyky üýtgeýän ululyklardyr. Şol bir identifikator yzyndan gelýän belgä baglylykda dürli görnüşli ululyklary aňladyp biler. Meselem, A5 – hakyky, A5% - bitin, Aman\$ - setir üýtgeýän ululyklardyr.

Bir ölçegli we iki ölçegli massiwler

Şol bir görnüşdäki üýtgeýän ululyklaryň umumy bir at bilen tertipleşdirilen toplumyna *massiw* diýilýär. Bu toplumyň agzasyna *massiwiň elementi* diýilýär. Massiwiň elementleri sanawa eýedir. Onuň sanawyndaky tertibine *massiwiň indeksi* diýilýär. Massiwi bermek üçin oña at bermeli we üýtgeýän aralygy belli bolmaly hem-de elementiň görnüşi berilmeli. At bu islendik at bolup biler. Massiwiň elementleri EHM-iň ýadynyň yzygider öýjüklerinde ýerleşýärler. Anyk görnüşde berlen massiwler DIM (Dimension–ölçeg) operatorynyň kömegi bilen berilýär. Onuň umumy görnüşi

DIM <massiwiň ady> (ölçeg), <massiwiň ady> (ölçeg),...

Massiw ady we ýaýlaryň içinde getirilen tertip görkezijisiniň iň uly bahasy ölçügi bilen beýan edilýär. Massiw tertip görkezijileriniň sanyna baglylykda bir ölçegli, iki ölçegli we birnäçe ölçegli bolup bilyär. Mysal üçin A(10), B(3,3). Bu ýerde A bir ölçegli, 10 elementli, B iki ölçegli 9 ($3 \times 3 = 9$) elementli massiw. Bir ölçegli massiw gönüburçly *tablisa* görnüşinde berilýär, iki ölçegli massiw bolsa *matrisa* görnüşinde berilýär. Mysal üçin ýokarky massiwleri şeýle görnüşde bermek bolar:

$$A(10) = \{2, -3, 4, 1, 8, 32, -9, 55, -8, 16\} ;$$

$$B(3,3) = \begin{pmatrix} 3 & -5 & 9 \\ 0 & -32 & 1 \\ 2 & 4 & -8 \end{pmatrix}$$

Gerekli elemente ýüzlenmek üçin onuň salgysyny, başgaça aýdylanda massiwiň adyny we elementiň tertip belgisini görkezmeli. Tertip görkeziji massiwiň adynyň yzyndan ýaýlaryň içinde ýazylýar. Mysal üçin, eger massiwiň 3-nji elementine 5 san berilmeli bolsa, onda $A(3)=5$ diyip yazmak bolar.

Diýmek, massiwiň her bir elementine yzyndan ýaýlaryň içinde tertip görkeziji (san) ýazylan massiwiň ady degişli edilýär.

Tertip görkezijileriniň iň uly bahalary anyk kesgitlenen görnüşde beýan edilen massiwe *statistiki* massiw diýilýär. Käbir ýagdaýlarda massiwiň tertip görkezijileriniň iň uly bahalaryny öňünden kesgitlemek mümkün däl ýa-da amatsyz. Şeýle ýagdaýlarda tertip görkezijileriň iň uly bahalarynyň deregine üýtgeýän ululyklaryň goýulýar. Bu ululyklaryň bahalary bitin sanlar bolmalydyrlar we massiwiň ulanylýan wagtyna çenli kesgitlenmelidir. Tertip görkezijileriniň iň uly bahalary öňünden kesgitlenmedik massiwlerde *dinamiki* massiwler diýilýär. Mysal üçin, $A(n)$, $B(n,m)$ —dinamiki massiwlerdir.

Standart funksiýalar, aňlatmalar

Programma düzülende käwagt çylsyrymlı arifmetiki aňlatmalary, hemme gerekli amallary arifmetiki operasiýalaryň üsti bilen aňlatmak mümkün bolmayar. Şoňa görä-de has köp duş gelýän funksiýalar bilen işlemek üçin taýyn standart funksiýalar ulanylýar. Olara seredeliň:

Funksiýanyň matematiki yazgysy sin x	Beýsik dilinde ýazylyşy SIN (X)
---	---------------------------------------

$\cos x$	COS (X)
$\operatorname{tg} x$	TAN (X)
$\operatorname{arctg} x$	ATN (X)
$\ln x, e = 2,718282$	LOG (X)
$\lg x$	LOG10 (X)
$[x] -x - \text{den geçmeyän iňuly bütin san}$	INT (X)
$e^x, e = 2,718282$	EXP (X)
10^x	EXP10 (X)
$ x $	ABS (X)
\sqrt{x}	SQR (X)
(0,1) aralykdan tötän san almak	RND (X)
$\begin{cases} 1, \text{ eger } x > 0, \\ 0, \text{ eger } x = 0, \\ -1, \text{ eger } x < 0 \end{cases}$	SGN (X)

Trigonometrik funksiýalaryň argumentleri radian görünüşinde berilýär, eger burç gradusda berlen bolsa, onda ony:
 $\text{radian} = (\text{gradus} * \pi) / 180$

görnüşde ýazyp radiana geçmek bolar, $\operatorname{arctg} x$ funksiýa üçin burcuň bahalary $(-\pi/2; \pi/2)$ aralykda ýerleşýär. Beýleki ters trigonometrik funksiýalary almak üçin aşakdaky formulalardan peýdalanmak bolar:

$$\arcsin x = \operatorname{arctg} \left(\frac{x}{\sqrt{1-x}} \right); \quad \arccos x = \operatorname{arctg} \left(\frac{\sqrt{1-x}}{x} \right);$$

$$\operatorname{arcctg} x = \operatorname{arctg} \left(\frac{1}{x} \right)$$

Islendik esasly logarifmi natural logarifme $\log_a N = \frac{\ln N}{\ln a}$ formuladan peýdalanyп geçirmek bolar.

Basic dilinde aňlatmalar matematiki formulalara meňzeşdir. Olar üç görnüşde arifmetiki, logiki we setir aňlatmalar bolup, käbir bahany hasaplama düzgünini beýan edýärler. Hususy halda aýratyn alnan hemişelik ýa-da üýtgeýän ululyk aňlatma bolup biler. Hemişelikleri, üýtgeýän ululyklary we funksiýalary arifmetik amallaryň belgileri, ýaýlar bilen birleşdirilse **arifmetik aňlatma** alynar. Hasaplama netijesinde san belgileri alynyan bolsa, onda oňa **san aňlatmasy** diýilýär. Aňlatmalaryň Basic dilinde ýazylyşyna seredeliň :

Aňlatmalary Basic dilinde ýazmaly:

$$1) A = \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$7) a^{b \cdot c}$$

$$2) \frac{3,17x^3 - y : 5,25}{6,15 \cdot y^3 - 3(x + 7,8)}$$

$$8) \sin^3 x - \cos^4 x^2$$

$$3) P_3 = a_3x^3 + a_2x^2 + a_1x + a_0$$

$$9) \frac{x}{1 + \frac{x}{1 + \frac{1}{x}}}$$

$$4) y = x^{y^z}$$

$$10) \sqrt[3]{|x| + \sin^2 \alpha}$$

$$5) R = \frac{|Ax + By + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$$

$$11) |x-y+z| / \tg^3(x+2)^2$$

$$6) A = m_0 e^{-\frac{t}{1600}}$$

$$12) \ln|a^3 - 1| + \arctg \frac{x}{\sqrt{x}}$$

Çözüлши:

$$1) A = \text{SQR}(x^2 + y^2)$$

$$2) (3.17*x^3 - y/5.25)/(6.15*y^3 - 3*(x+7.8))$$

$$3) P3 = a3*x^3 + a2*x^2 + a1*x + a0$$

$$4) y = x^{(y^z)}$$

$$5) R = \text{ABS}(A*x + B*y + C)/\text{SQR}(A^2 + B^2)$$

- 6) $A = m0 * \exp(-t/1600)$
- 7) $a^b * c$
- 8) $(\sin(x))^3 - (\cos(x^2))^4$
- 9) $x/(1+x/(1+1/x))$
- 10) $\sqrt[3]{|x| + \sin^2 \alpha} = (|x| + \sin^2 \alpha)^{\frac{1}{3}}$ ($\text{ABS}(x) + (\sin(a))^2)^{(1/3)}$
- 11) $\text{ABS}(x-y+z) * (\text{TAN}((x+2)^2))^3$
- 12) $\text{LOG}(\text{ABS}(a^3-1) + \text{ATN}(x/\text{SQR}(x)))$

Amallar ilki bilen funksiýalaryň bahalary, soň ýaýlaryň içindäki amallar, derejä götermek, köpeltmek we bölmek, goşmak we aýyrmak ýerine ýetirilýär.

Aňlatmalary gatnaşyk amaly bilen baglanyşdyryp *logiki* aňlatmalary almak bolar. Logiki aňlatmalarda AND (we), OR (ýa-da), NOT (däl) amallary hem ulanmak bolar. Meselem, $y \geq 0$ aňlatmany ($y > 0$) AND ($y = 0$) aňladyp bolar.

Setir aňlatmalarynda diňe bir amal “+” seplemek (konkatenasiýa) amalyny ýerine ýetirmek mümkün. Meselem “geo” + “fizik” setir aňlatmanýň bahasy “geofizik” bolar.

Operatorlar we olaryň ulanylyşynyň mysallary

Programmirleme dilleri algoritmleri kompýutere düşünükli bolar ýaly hyzmat etýär. Ilki algoritmler işlenilýär soň ol haýsy-da bolsa bir dilde ýazylýar. Netijede doly, gutarnykly we jikme –jik ýazylan programmanyň ýazgysy alynýar. Soň bu ýazgy translýator diýlip at berilýän ýörüte kömekçi anyklaýý arkaly maşyn kodyna (0 we 1 dilde) geçirilýär ýa-da ýerine ýetirilýär.

Programmirleme dilinde ýazylan programma operatorlaryň ýzygiderliginden durýar. Operator bu kompýutere düşünükli söz bolup, haýsy-da bolsa bir ýumşy ýerine ýetirýär. Komanda hem kompýutere düşünükli söz bolup haýsy-da bolsa bir ýumşy ýerine ýetirýär, ýöne ol operatordan

tapawutlylykda şol wagtyň özünde ýerine ýetirilýär. Operatorlar iki topara bölünýärler: ýerine ýetirilýän we ýerine ýetirilmeyän operatorlar. Ýerine ýetirilmeyän operatorlar programmanyň ýerine ýetirilişine hiç hili tásir etmeyär.

Bir setirde birnäçe operatorlary ýazmak üçin olaryň arasynda : goşa nokat goýmaly.

REM - düşündiriş operatory (REMark–düşündiriş). REM–ýerine ýetirilmeyän operator. Ol programmanyň islendik ýerinde ulanylýar we programma düşündiriş bermek üçin ulanylýar. Meselem:

REM “Simpsonyň usuly”

REM “Funksiýanyň bahasyny hasaplamak”

CLS – ekrany arassalamak. Ekrandakay hemme maglumaty ölçürýär. Programmanyň başynda ulanylýar.

STOP (STOP - saklanmak) programmany saklamak üçin ulanylýar.

END (END–soňy) programmany soňlamak üçin ulanylýar.

Programma ýerine ýetirilýän wagtynda onda ulanylýan üýtgeýän ululyklara başlangyç baha berilýär. San üýtgeýänlere nul baha, setir üýtgeýänlere bolsa boş setirler berilýär. Baha bermekligi LET (LET–goý), DATA (Data-berlen) operatory bilen ulanylýan READ (READ–okamak) operatorlarynyň kömegini bilen bermek bolar. LET sözünü düşürmek mümkün.

Mysal üçin

LET X = 2

LET A\$ = "TALYP"

Y = 3.2

DATA operatory programmada näbelli ululyklaryň bahalaryny bermek üçin ulanylýar. Sanawdaky bu hemişelikler READ operatoryndan soň gelýän sanawdaky üýtgeýänlere dakylýar. DATA operatory ýerine ýetirilmeyän operatorordyr, ol maksatanamanyň islendik ýerinde gelip biler. Eger maksatnamada birnäçe Data operatory bar bolsa, onda olary bir birleşen operator görnüşde göz öňüne getirmek bolar.

Onuň EHM-iň ýadyna girizen bahalary maksatnamada READ operatory duş gelýänçä ulanylmaýar. READ operatory şol bahalary kesgitli üýtgeýän ululyklara degişli etýär. DATA we READ operatorlary biri-birine baglanyşykly ýerine ýetirilýärler. DATA operatorynda berlen hemişelikleriň sany READ operatoryndaky üýtgeýän ululyklaryň sanyndan az bolmaly däldir hem-de olar şol bir görnüşde bolmalydyr. Eger-de hemişelikleriň sany üýtgeýänden köp bolsa, onda olar taşlanylýar, eger-de ýütgeýän ululyklar köp bolsa onda ýalňşlyk görkezilýär. Mysal üçin :

DATA 10, 20, 30, "ABC"

READ A, B, C

READ D\$, E, F, Z(8,8)

DATA 40, 50, 0.5

netijede A=10, B=20, C=30, D\$="ABC", E=40, F=50 massiw bplsa Z(8,8)=0.5 bahany alýar. READ operatory DATA operatorynda berlenleri başyndan başlap okaýar we olary degişli üýtgeýänlere dakýar. Bu yzygider okalyş üýtgetmek üçin RESTORE (RESTORE – gaýdyp gelmek) operatory ulanylýar. Ol DATA operatoryndaky hemişelikleri gaýtadan ulanmaklyga mümkünçilik berýär. Eger bu operator diňe RESTORE sözünden durýan bosa, onda READ operatory bahalary başyndan okap başlaýar, eger-de setiriň sanawy berlen bolsa, onda şol sanawdaky Data operatoryndan bahalar alnyp başlanýar.

Meselem,

READ A, B, C

DATA 1, 2, 3, 4, 5, 6

RESTORE

READ K, L, M

netijede A we K 1 bahany, B we L 2 bahany, C we M 3 bahany alarlar. Eger-de RESTORE sözünü aýýrsak, onda A, B, C, K, L, M ýütgeýänler degişlilikde 1, 2, 3, 4, 5, 6 bahany alarlar.

Üýtgeýän ululyklara başlangycz bahalary bermek üçin baha bermek we girizmek INPUT (INPUT-girizmek)

operatoryny ulanmak bolar. Bir girizmek operatorynyň kömegini bilen birnäçe üýtgeýän ululyklara we massiwiň elementlerine baha bermak mümkün. Bahalar girzilenden soň olaryň görnüşleriniň gabat gelýändigi barlanylýar, eger gabat gelmese onda ýalňyşlyk berilýär.

INPUT X, Y, Z\$

Operator ýerine ýetirilende bahalary ? 2.34, 33, ABC görnüşde girzme bolar. Üýtgeýänler bahalary degişlilikde alýarlar. Operatornyň kömegini bilen ekrana käbir ýazgyny hem çykaryp bolar. Ýazgy goşadyrnakda ýazylmaly hem-de girizilýän üýtgeýänlerden otur ýa-da nokatly otur arkaly tapawutlanmaly. Eger sonunda nokatly otur goýlan bolsa, onda sözlemden soň ? belgisi çykýar, eger otur goýlan bolsa onda ? belgi çykmaýar. Mysal üçin INPUT “Baha ber a=”, a
Ýazgydan soň, ekranda Baha ber a= ýazgyny göreris we a baha bereris.

Işıň netijelerini we ýazgylary ekrana çykarmak üçin PRINT (çap etmek) operatory ulanylýar. Diňe PRINT sözüniň berilmegi çap edilende boş setir goýýar. Çap ediljek ululyklaryň aralarynda nokatly otur goýulsa onda olar yzygider çap ediler, otur belgisiniň goýulmagy çap edilýän ululyklaryň belli bir san aralarynyň açylmagyna getirer. Mysal üçin

$$X = 5.2 : Y = -6.4$$

PRINT X; “Funksiyanyň bahasy Y=”; Y, X+Y

Ýazgydan soň ekranda aşakdakylar jogaplar alnar :

$$5.2 \text{ Funksiyanyň bahasy } Y = -6.4 \quad -1.2$$

LPRINT operatory netijäni kagyza çap etýär. Çap etmek operatorlarynda TAB(N) funksiýasynyň ulanylmasý netijeleriň N –e görä aralarynyň açylmagyna getirer.

Programma ýerine ýetirilýän waqtynnda operatorlaryň ýerine ýetiriliş yzygiderligini dolandyrmak operatorlaryň kömegini bilen üýtgedip bolar. Olara şertsiz geçiş operatory GOTO (geçmek), ON GOTO (...setire geçmek), şertli geçiş operatorlary IF (eger), THEN (onda), ELSE (bolmasa), siklleri gurnamak operatorlary For (für), TO (çenli), STEP (ädim),

NEXT (indiki), WHILE (hazırlıkçe), WEND (soňlamak) operatorlary degişlidir. Bulardan başga-da Stop we End operatorlary hem yzygiderligi üýtgetyär. Goto operatory dolandyrmaklygy maksatnamanyň islendik setirine geçirýär. Meselem

```
X = 2 : Y = 3
GOTO 20
Z = X*Y
20 PRINT "X="; X, "Y="; Y
```

Ýazgydan soň Z-ň bahasy hasaplanman, 20-nji belgili çap etmek operatory ýerine ýetirilýär. Hasaplanýan baha görä geçmek üçin ON GOTO operatoryny ulanmaly, aňlatmanyň bahasyna görä görkezilen setire geçirilýär. Mysal üçin

```
INPUT "1-3 aralygynda sany giriz N=", N
ON N GOTO 100, 200, 300
```

Ýazgydan soň N-ň ýerine 1 girzsek 100-setire, 2-ni girzsek 200, 3-i girzsek 300-nji setire geçmelidigini aňlatýar.

Programmada operatorlaryň ýerine ýetiriliş yzygiderligini haýsy-da bolsa bir şerte baglylykda üýtgetmek üçin şertli geçiş operatory ulanylýar. IF operatoryndan soň haýsy-da bolsa bir şert baranylýar. Eger şert ýerine ýetýän bolsa, onda THEN soň gelýän aňlatma hasapanylýar ýa-da görkezilen satire geçirilýär. Eger şert ýerine ýetmese ELSE sözüniň yzyndan gelýän aňlatma hasaplanýar ýa-da görkezilen satire geçirilýär. Eger-de ELSE sözi ulanylmasa onda ol şertli geçişiň doly däl görnüşi bolar. Bu ýagdaýda şert ýerine ýetmese ondan soňky gelýän operatorlar ýerine ýetiriler. Sertli geçiş operatorlarynyň ulanylyşynyň mysallary

```
IF x > 0 THEN y = x^2 ELSE y = SQR(x)
IF x = 0 THEN 50 ELSE 100
IF x < 0 THEN y = x^2 ELSE 40
IF x > 0 THEN y = x+2
IF a= 2 GOTO 30
we §.m.
```

Programmanyň bölekleriniň gaýtalanmagyny IF hem-de LET operatorlarynyň kömegini bilen ýerine ýetirmek mümkün. Mysal üçin

```
Let A = 1  
20 Print A  
Let A = A + 1  
If A < 100 then 20
```

A sanyň bahasy 100-den kiçi bolanda 20 setire geçirilip gaýtalanýar we bahasy çap edilýär. A-ň bahasy 100-den uly bolýança bu proses dowam etýär, uly bolan ýagdaýynda programma soňlanýar. Gaýtalamaklygy düzýän operatorlar siklleri döretýär. Şeýle operatorlaryň iki görnüşi bar :

1. Parametri (dolandyrlyjy ýütgeýän ululygy) arifmetiki progressiya düzgüni esasynda ýütgeýän siklleri gurnamak operatorlary (For/Next).
2. Şerte bagly ýütgeýänli siklleri gurnamak operatorlary (While/Wend).

For operatory bilen sikl başlanýar, Next bilen guitarýar. Gaýtalamanyň ädimi 1-e deň bolanda, STEP sözünü taşlap bolýar. For operatorynyň ýazylyş mysallary:

```
For k = 1 to 100  
For N = 2*M + 1 to 230 step h  
For N = 100 to B step -1                   we ş.m.
```

Her bir For operatoryna Next operatory degişli bolmalydyr. Eger Next-den soň parametr ýazylmasa, onda ol ýakyndaky For operatoryna degişlidir. Eger ädim otrisatel san bolsa, onda dolandyryjy parametriň bahasy her siklden soň kemelýär we gaýtalama soňky bahadan kiçi bolýança ýerine ýetirilýär. Eger ädim 0 deň bolsa, onda sikl tükenüksiz gezek gýtalanýar.

Mysal: Massiwiň 140 elementleriniň jemini hasaplamały
S =0
For I=1 to 140
S =S +A(I)

Next I

Jemiň başlangyç bahasy 0-a deň diýlip alynýar. Soňra gaýtalamanyň parametriniň başlangyç bahasyndan ahyrky bahasyna çenli 1-e deň bolan ädim bilen jemiň öň hasaplanan bahasyna indiki natural san goşulýar. $S=S+A(I)$ operator gaýtalamanyň özenini düzýär.

While operatory bilen sikl başlanýar we Wend operatory bilen guitarýar. Gaýtalama şert ýerine ýetýänçä dowam etdirilýär. While operatoryndan soň şert görkezilýär. Wend operatory operantsyz ýazylýar. While operatoryndaky aňlatma hasaplanýar, eger ol cyn bolsa, onda sikl ýerine ýetirilýär we ol Wend operatory gabat gelýänçä dowam etýär. Soň ýene sikl gaýtalanýar. Sikl While operatoryndaky aňlatma ýalan bolýança gaýtalanýar.

Mysal: Hataryň agzalarynyň jemini indiki geljek agza 10^{-6} kiçi bolýança hasaplasmaly

```
S = 1 : N = 1  
While 0.5^N > 1E-6  
S = S + 0.5^N  
N = N + 1  
Wend
```

Sikller bir-birine geýdirilip bilner. Dürli ýagdaýda şeýle sikller bolup For/Next we While/Wend hyzmat edip biler. İçki sikller dolulygyna daşkynyň içinde ýerleşmelidir. Eger-de birnäçe For/Next sikller ulanylýan bolsa, onda dürli parametrleri ulanmalydyr.

Dogry ýazgy	Nädogry ýazgy
For x = ...	For x = ...
For y = ...	For y = ...
For z = ...	For z = ...
...	...
Next z	Next z
Next y	Next x
Next x	Next y

Birnäçe Next operatorlaryny bir operator bilen çalyşmak bolar, ýöne ol hemme parametrleri özünde saklamalydyr we olar oturlar arkaly tapawutlandyrmaly.

Ýokarda belleşimiz ýaly haýsydyr bir massiw ýa-da onuň elementi ulanylmaý bolsa, onda bu massiw beýan edilmelidir. Massiwleri beýan etmek DIM operatory arkaly ýerine ýetirilýär. DIM operatory ýerine ýetirilmeyän operatordyrdyr. Massiwiň elementlerini girizmek üçin Input we Read operatorlaryny ullanmak bolar. Onuň üçin ilki sikl açmaly. Mysal üçin

$$A(10) = \{2, -3, 4, 1, 8, 32, -9, 55, -8, 16\} ;$$

$$B(3,3) = \begin{pmatrix} 3 & -5 & 9 \\ 0 & -32 & 1 \\ 2 & 4 & -8 \end{pmatrix}$$

10 elementli birölçegli we 9 elementli ikiölçegli massiwiň elementlerini aşakdaky görnüşde girizmek bolar :

Birölçegli massiw üçin

Dim A(10)

For i = 1 to 10

Input A(I)

Next I

ýa-da

Dim A(10)

Data 2, -3, 4, 1, 8, 32, -9, 55, -8, 16

For i = 1 to 10

Read A(I)

Next I

Ikiölçegli massiw üçin

Dim B(3,3)

For i = 1 to 3

For j = 1 to 3

Input A(I,j)

Next j , i

Dim B(3,3)

Data 3, -5, 9, 0, -32, 1, 2, 4, -8

For i = 1 to 3

For j = 1 to 3

Read A(I,j)

Next j , i

Bu massiwleriň elementlerini çap etmekligi aşakdaky görnüşde ýerine ýetirmek bolar :

Dim A(10)

Dim B(3,3)

```
For i = 1 to 10  
Print A(I)  
Next I
```

```
For i = 1 to 3  
For j = 1 to 3  
Print A(I,j)  
Next j , i
```

Ulanyjynyň funksiýasy programmada ulanylýan funksýa bilen kesgitlenýär. Ulanyjynyň funksiýasy funksiýany kesgitleyän aňlatmany saklayán bir operator bilen berilýär. Onuň umumy görnüşi DEF (Define Function – funksiýany kesgitlemek).

Mysal üçin, DEF FN F(X)=X^2+SQR(X) operator bilen $f(x) = x^2 + \sqrt{x}$ funksiýa kesgitlenendir.

Käbir programma işlenilende onuň dürli ýerinde operatorlaryň toplumyndan duran şol bir algoritmi ýerine ýetirmeli bolýar. Bu topary özbaşdak yerleşdirip, oňa gerek bolan wagty dolandyrmaklygy bermek bolýar. Oňa **bölek programma** diýilýär. Bölek programma ýüzlenmek GOSUB (Gosubroutine–bölek programma geçmek) we ON GOSUB operatorlary arkaly amala aşyrylýar. Onuň umumy görnüşi:

```
GOSUB <setiriň sanawy>           we  
ON <aňlatma> GOSUB <setiriň sanawy>
```

Bölek programmadan esasy programma dolanmak üçin RETURN (Return–dolanmak) operatory ulanylýar. Bu operator dolandyryş bölek programma ýüzlenýän operatoryň yz ýanyndaky operatora geçirýär. Bir programmada birnäçe bölek programma bolup biler. Bölek programma ýalňşlyk bilen girmezlik üçin onuň öňünde Stop ýa-da Goto operatoryny goýmak bolar. ON GOSUB dolandyryşy setiriň sanawyndaky bar bolan setiri saklayán bölek programmalaryň birine geçirýär. Setiriň sanawdaky tertip belgisi On sözden soň gelýän aňlatmanyň bahasyna görä alynýar. Aňlatmanyň bahasynyň bitin bölegi sanawdaky tertip belgini kesgitleyär. Eger-de aňlatmanyň bahasy birden kiçi bolsa, ýa-da sanawdaky belgilerden köp bolsa, onda dolandyryş ON GOSUB operatoryndan soňky gelýän operatora geçirilýär. Bölek programmadan yzyna dolanmak, RETURN operatory gabat

gelende şol öňki çagyrylan ýere dolanýar. Bölek programma programmanyň birnäçe ýerinden yüzlenmek bolýar.

Mysal : Bölek programmany ulanyp kwadrat kök, kub kök we 4-nji derejeli köküň hasaplamaly.

Rem “Bölek programma”

10 Print “Kwadrat köki hasaplamak üçin 1 giriz :”

Print “Kub köki hasaplamak üçin 2 giriz :”

Print “4-nji derejeli köki hasaplamak üçin 3 giriz :”

Input C

On C Gosub 100, 200, 300

Goto 10

100 For I = 1 to 50

Print I; SQR(I),

Next I

Return

200 For I = 1 to 50

Print I; I^(1/3),

Next I

Return

300 For I = 1 to 50

Print I; I^(1/4),

Next I

Return

End

Programmanyň 1-3-nji setirinde kwadrat kök, kub kök we 4-nji derejeli köküň hasaplanýandygy barada habar çap edilýär. C baha bermeklik talap edilýär. Onuň bahasyna baglylykda bölek programma ýuzlenilýär we degişli kökler hasapanylýar. Bölek programmadan gaýdyp gelinýär. Oňa ýalňyş ýuzlenmezlik üçin Goto operatoryny ulandyk.

Paskal programmırleme dili

Paskal dilinde programmanyň gurluşy

Paskal dilinde programma programmanyň başlangyjyndan we blok diýip at berilýän programmada durýar. Bloklar bölümden ybaratdyr. Olar alty sany bolup aşakdaky tertipde ýerleşyär:

1. Belgiler bölümü
2. Hemişelik bölümü
3. Görnüşler bölümü
4. Üýtgeýänler bölümü
5. Prosedura we funksiýa bölümü
6. Operatorlar bölümü

Operatorlar bu kompýutere düşnükli bolan söz bolup haýsy-da bolsa bir ýumşy ýerine ýetirýär. Operatorlar bölümü operator ýaýlaryň Begin... End sözleriniň arasynda ýerleşyär. Olarda kompýuter tarapyndan ýerine ýetirilýän yzygider hereketler görkezilýär. Beýleki bölmeler ýazgy görnüşli häsiýete eýedir. Programmanyň islendik ýerinde programma düşündiriş sözleri ulanmak bolar. Şol ýagdaýda programmanyň manysy ýitmeyär. Programma- diýip belli bir tertipde ýazylan we komýuteriň diline düşnükli bolan yzygiderli operatorlardan düzülen berlen ýumşa aýdylýar. *Komanda* – hem kompýutere düşnükli söz bolup operatordan tapawutlylykda berlen ýumşy şol wagtyň özünde ýerine ýetirýär.

Paskal dilinde programma Program sözi bilen başlanýar we End sözi bilen guitarýar. Ol sözden soň nokat goýulýar. Programma berlen düşündiriş {, } ýaýlaryň arasynda ýa-da (*, *) ýaýlaryň we köpeltemek belgileriň arasynda ýazylýar.

Standart görnüşli berlenleriň ýazgysy

Paskal dilinde ýazylan programma berlenlere esaslanýar. Programmada berlenleriň her bir elementi ýa

hemiselik ululyk ýa-da üýtgeýänlerden durýar. Her bir üýtgeýäne haýsy-da bolsa bir görnüş kesgitlenýär. Üýtgeýän ululygyň görnüşi üýtgeýänler bölümünde görkezilýär. Hemiselik sanlar programma ýerine ýetirilýän döwründe bahalaryny üýtgetmän saklaýar we hemiselikler bölümünde ýazylýar. Esasy 4 sany görnüşler kesgitlenen:

- 1) *Integer* – bitin sanlar;
- 2) *Real* – hakyky sanlar ;
- 3) *Char* – setir sözlemli üýtgeýanler;
- 4) *Boolean* – bulen üýtgeýanler.

Bitin görnüşli – üýtgeýanler bitin sanlary kabul edýär. Her bir maşynda bitin üýtgeýanler üçin belli bir aralyk görkezilen. Mysal üçin:

- | | |
|-----------------|-------------------------|
| - <i>MAXINT</i> | bitin sanlara mysallar; |
| + <i>MAXINT</i> | 5; -170; 0. |

Bitin sanlaryň üstünde aşakdaky arifmetiki amallar kesgitlenen: + - * / - *DIV* bitin bahaly bölmek. Bu ýagdaýda galyndy taşlanýar. Bölünýän we bölýän sanlarymyz bitin san bolmaly. Mysal üçin:

$$5 \text{ DIV } 2 = 2 ; \quad 13 \text{ DIV } 5 = 2 ; \quad 7 \text{ DIV } 8 = 0 ; \\ -5 \text{ DIV } 2 = 2 ;$$

MOD – bitin bahaly bölmekden galyndyny almak.

Mysal üçin:

$$5 \text{ MOD } 2 = 1 ; \quad 13 \text{ MOD } 5 = 3 ; \quad 7 \text{ MOD } 8 = 7 ; \\ -5 \text{ MOD } 2 = -1 ;$$

Bitin görnüşli üýtgeýanleriň üstünde gatnaşyk belgileri hem ulanylýar:

$$> = < <= - \text{ kiçidir deňdir;} \\ < > - \text{ deň däldir;} \quad >= - \text{ uludyr}$$

deňdir.

Bularda netije Boolean görnüşi alar. Bölmekden soň elmydama hakyky san görnüşe eýe bolar. Galan arifmetiki amallaryň hemmesiniň netijesi bitin görnüşe eýe bolar. Bitin üýtgeýanleriň üstünde şeýle hem aşakdaky standart funksiýalar kesgitlenýär :

Matematiki ýazgysy Paskal dilinde ýazylyşy

:

$\sin x$	$\text{Sin}(x)$
$\cos x$	$\text{Cos}(x)$
$\arctg x$	$\text{ARCTAN}(x)$
e^x	$\text{Exp}(x)$
$\ln x$	$\text{Ln}(x)$
\sqrt{x}	$\text{SQRT}(x)$
x^2	$\text{SQR}(x); x^*x$
$ x $	$\text{ABS}(x)$

Bu üýtegeýänleriň üstünde hem ýokarda görkezilen *MOD* we *DIV* amallardan başga amallar kesgitlýär. Olar üçin hakyky sany bitin sana geçirer ýaly *TRUNC* – galyndyny taşlaýan we *ROUND* – ýakynlaşan bitin bahany alýan funksiýalar kesgitlenýär. Mysal üçin, eger $x=21,53$ bolsa, onda $\text{TRUNC}(x)=21$; $\text{ROUND}(x)=22$;

eger $x=-2,7$ bolsa, onda $\text{TRUNC}(x) = -2$; $\text{ROUND}(x) = -3$;

Paskal dilinde indiki bahany almak üçin *SUCC(x)* funksiýasy ulanylýär. Mysal üçin $\text{SUCC}(5)=6$; $\text{SUCC}(\text{TRUE})=\text{FALSE}$;

Setir görnüşli üýtgeýänleriň bahalary bolup gutarnykly tertipleşdirilen belgileriň toplumy hyzmat etýär. Olar apostrofıň içinde ýazylýär.

Boolean görnüşli üýtgeýänler iki görnüşü *True* – çyn baha, *False* – ýalan bahany alyp bilýärler.

Olaryň üstünde üç sany logiki amal kesgitlenen:

AND – konýunksiya (we) ;

OR – dizýunksiya (ýa-da) ;

NOT – inkär etmek.

Boolean görnüşler üçin *FALSE* < *TRUE* gatnaşyk ýerine ýetýär.

Baha bermek, girizmek we çykarmak operatorlary

Baha bermek operatory ýerine ýetirilenden soň üýtgeýan ululyga käbir aňlatmanyň bahasy berilýär. Baha bermek operatory - : = görnüşde aňladylýar. Baha bermek operatory ýerine ýetirilýän wagtynda üýtgeýan ululyga haýsyda bolsa bir aňlatma degişli edilýär. Meselem:

x:=5;

a:=0;

x1:=(-b-SQRT(SQR(b)-4*A*C))/2*a

Bu ýagdaýlaryň hemmesinde ilki sag tarapdaky aňlatmanyň bahasy tapylyar we çep tarapdaky üýtgeýän ululyga berilýär. Baha bermek operatory ýerine ýetirmek üçin aňlatmadaky her bir üýtgeýäniň bahasynyň bolmagy zerurdyr. Eger-de üýtgeýänler $x:=x+1$ görnüşde berilse başlangyç bahadan soň indiki bahalarymyz bir san artdyrylyp alnar. Berlenleri girizmek we netijäni çykarmak üçin giriş we çykyş operatorlary ulanylýar. Olary aşakdaky görnüşde ýazmak bolar:

Read (x);

Read (x₁,x₂,x₃);

Write (y);

Write (y,Z,Q); Read (okamak); Write (ýazmak)

Eger Write sözünden soň ýaýyň içinde bir üýtgeýän ýazylsa onda jogaby diňe san görnüşinde alarys. Meselem:

Eger-de $y=5$ bolsa onda Write (y) ýazgydan soň jogapda diňe 5 alnar. Eger-de *Write ('y= ',y) onda* → $y=5$;

Write ('Funksiyanyň bahasy y= ',y) onda → *Funksiyanyň bahasy y=5* görnüşde jogaplary almak bolar.

Bu operatorlar bilen bilelikde *Readln* bahalary täze setirden girizmek üçin we netijäni täze setirden çykarmak üçin *Writeln* operatorlary ulanmak bolar. Operatorlar bir-birinden ; (nokatly otur) arkaly tapawutlandyrylyar. Üç sany üýtgeýän

ululyklara baha bermek we olaryň jemini tapmaklygyň yzygiderligini görkezelish:

Read (a,b,c);

$$X := a + b + c$$

Write (x);

Aňlatmalary Paskal dilinde ýazmaly:

$$1) A = \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$6) A = m_0 e^{-\frac{t}{1600}}$$

$$2) \frac{3,17x^3 - y : 5,25}{6,15 \cdot y^3 - 3(x + 7,8)}$$

$$7) a^{b \cdot c}$$

$$3) P_3 = a_3 x^3 + a_2 x^2 + a_1 x + a_0$$

$$8) \sin^3 x - \cos^4 x^2$$

$$4) y = x^{y^z}$$

$$5) R = \frac{|Ax + By + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$$

$$9) \frac{x}{1 + \frac{x}{1 + \frac{1}{x}}}$$

$$10) \sqrt[3]{|x| + \sin^2 \alpha}$$

$$11) |x-y+z| \operatorname{tg}^3(x+2)^2$$

$$12) \ln|a^3 - 1| + \arctg \frac{x}{\sqrt{x}}$$

Çözülşى:

$$1) A := \operatorname{SQRT}(x * x + y * y) \quad x^2 \rightarrow \operatorname{SQR}(x)$$

$$2) (3.17 * \operatorname{SQR}(x) * x - y / 5.25) / (6.15 * y * y * y - 3 * (x + 7.8))$$

$$3) P_3 := a_3 * \operatorname{SQR}(x) * x + a_2 * x * x + a_1 * x + a_0$$

$$4) A^B = e^{\ln A} = e^{B * \ln A}$$

$$y := \exp(y^z * \ln(x)) = \exp((\exp(z * \ln(y))) * \ln(x))$$

$$5) R := \operatorname{ABS}(A * x + B * y + C) / \operatorname{SQRT}(A * A + B * B)$$

$$6) A := m_0 * \exp(-t / 1600)$$

$$7) a^{b \cdot c} = \exp(B * C * \ln(a))$$

$$8) \operatorname{SQR}(\sin(x)) * \sin(x) - \operatorname{SQR}(\cos(x * x)) * \operatorname{SQR}(\cos(x * x))$$

$$9) x / (1 + x / (1 + 1/x))$$

$$10) \sqrt[3]{|x| + \sin^2 \alpha} = (|x| + \sin^2 \alpha)^{\frac{1}{3}}$$

`exp((1/3)*ln(ABS(x)+SQR(Sin(x))))`

$$11) |x-y+z|\tan^3(x+2)^2 \quad \tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$$

`ABS(x-
y+z)*SQR(sin(SQR(x+2))/cos(SQR(x+2)))*sin(SQR(x+2))/
cos(SQR(x+2))`

$$12) \ln|a^3 - 1| + \arctan \frac{x}{\sqrt{x}}$$

`Ln(ABS(SQR(a)*a -1))+ARCTAN(x/SQRT(x))`

12-nji aňlatmanyň bahasyny hasaplamaklygyň
programmasyny we blok shemasyny düzeliň .

Program Mysal1;

Uses crt;

Var a,x,y: real;

Begin

Clrscr(*ekrany arassalamak*);

Read(a,x);

y:=ln(ABS(SQR(a)*a-1))+arctan(x/SQRT(x));

Writeln('Funksiyanyň bahasy y=',y)

end.

```

graph TD
    Start([Başl]) --> Input[/a, x/]
    Input --> Process[y = ln|a³ - 1| + arctan x / √x]
    Process --> Output[/y/]
    Output --> End([Soňy])
  
```

$y = \ln|a^3 - 1| + \arctan \frac{x}{\sqrt{x}}$

Düzmeli we şertli operatorlar

Programma ýerine ýetirilýän wagtynda amallaryň haýsy-da bolsa birini saýlamaklyk şertli geçiş operatory tarapyndan ýerine ýetirilýär. Onuń iki görnüşi bar:

IF B THEN S₁ *IF – eger; THEN – onda;*

IF B THEN S₁ ELSE S₂ *ELSE – bolmasa.*

Bu ýerde *B* bulew görnüşli ańlatma, *S₁* we *S₂*, *begin* hem-de *end* operator ýaýlaryň arasyndaky bir ýa-da birnäçe operatorlaryň toplumy. Şeýle operatorlara *düzmeli* operatorlar diýilýär we şeýle ýazylýar:

BEGIN <operator>, ... <operator> END.

Olar bulew görnüşli haýsy-da bolsa bir şerte baglylykda geçirilýän amallarda ulanylýar. Şoňa görä-de bulew görnüşli ańlatma iki bahany alyp bilýär. *TRUE* (çyn), *FALSE* (ýalan).

Şert hökümünde gatnaşyklar alynýar. Gatnaşyklaryň mysallary:

$$a=b, a>b, a<=b, a=0, b^*b-4*a*c>0$$

Şertli geçiş operatorlary şahalanýan algoritmlerde ulanylýar. Şertli geçiş operatorynyň birinji görnüşinde, eger şert ýerine ýetýän bolsa, onda *THEN* sözünden soń gelýän *S₁* ańlatma ýerine ýetirilýär. Eger şert ýerine ýetmeýän bolsa, onda *IF* operatoryndan sońundan gelýän indiki operatorlar toplumy ýerine ýetirilýär. Şertli geçiş operatorynyň ikinji görnüşinde eger şert ýerine ýetýän bolsa, onda *THEN* sözünden soń gelýän *S₁* ańlatma ýerine ýetirilýär. Eger şert ýerine ýetmeýän bolsa, onda *ELSE* sözünden soń gelýän *S₂* ańlatma ýerine ýetirilýär. Şertli geçiş operatory şerte baglylykda diňe bir amaly ýerine ýetirmeklige mümkünçilik berýär. Eger-de birnäçe amaly ýerine ýetirmeli bolsa, onda düzmeli operatorlardan peýdalanmaly. Mysal üçin: $A>0$ bolanda $x=2, y=5$ beýleki ýagdaýlarda $x=0, y=0$. Ony ýazmaklyk aşaky görnüşde bolar:

IF A>0 THEN begin x:=2; y:=5 end;

ELSE begin x:=0; y:=0 end;

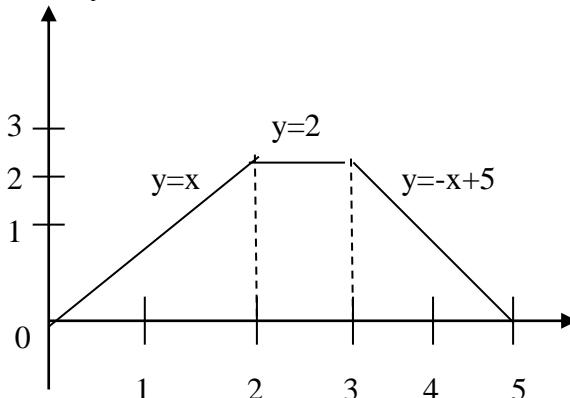
Şertli geçiş operatorynyň ýazylyşynyň mysallaryna garalyń:

IF X<0 THEN y:=x ELSE y:=sqr(x);

IF X>0 THEN y:=sqrt(x);

IF A=1 AND B=2 THEN S:=S+1 ELSE S:=S-1;

Mysallara seredeliň

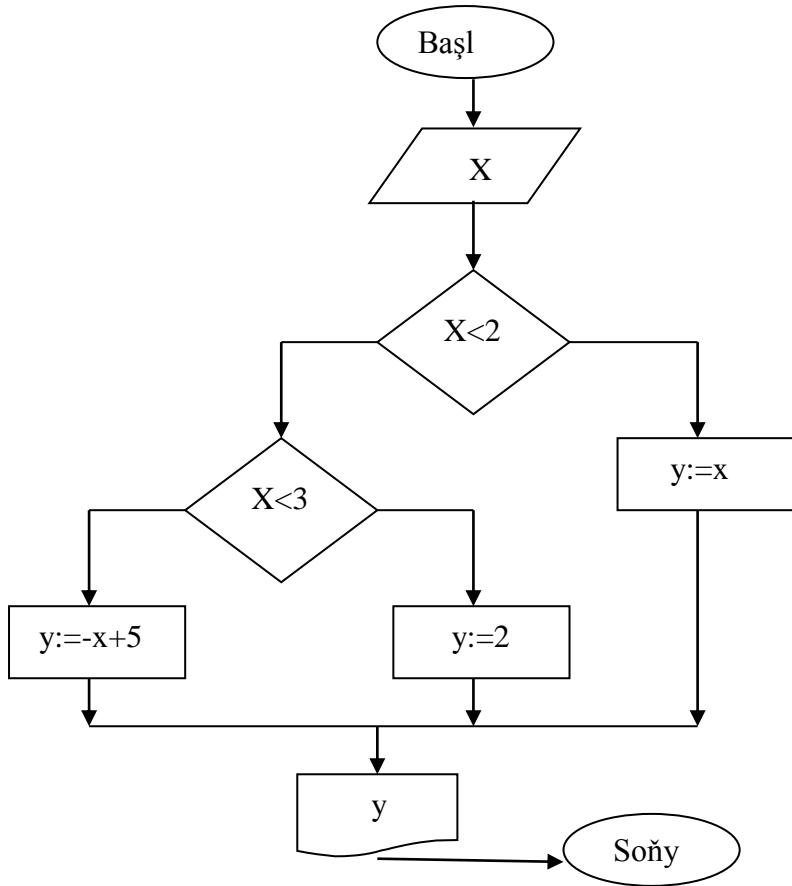


1. Grafik boýunça funksiyanyň üýtgeýşiniň programmasyny we

blok – shemasyny düzeliň :

```
Program Grafik;
uses crt;
Var x, y: real;
Begin clrscr;
read (x);
IF x<2 THEN y:=x ELSE
  IF x<3 THEN y:=2 ELSE y:=-x+5;
Writeln ('Funksiyanyň bahasy y=',y)
End.
```

Onuň blok-shemasy aşakdaky görnüşde bolar:



Kwadrat deňlemäni çözmekeligiň programmasy

$$1. ax^2 + bx + c = 0$$

$$D = b^2 - 4ac$$

$$X_{1:2} = \frac{b \pm \sqrt{D}}{2a}$$

Program KD;

uses crt;

label 5,6,7;

Var a,b,c : integer;

```

x1,x2,d,e: real;
Begin clrscr;
Write (“Koeffisientleri giriz: ”);
read (a,b,c);
d:=SQRT (b*b-4*a*c);
e:=2*a;
If D<0 then goto 5; If D=0 then goto 6;
If D>0 then x1:=(-b-d)/e; x2:=(-b+d)/e;
Writeln(‘x1=’,x1);
Writeln(‘x2=’,x2);
goto 7;
5: Writeln (‘Funksiyanyň kokleri yok! ’); goto 7;
6: x:=-b/e; Writeln (‘x=’,x);
7: END.

```

Gönükmə. Funksiyanyň bahasyny hasaplaň:

$$y = \begin{cases} a \cdot n^x, & \text{eger } x \leq 0 \\ \left(a + \frac{1}{x}\right)^n, & \text{eger } x > 0 \end{cases}$$

```

Program “Gönükmə”;
Var x, y, a, n: real;
Begin
Read(x); Read(a); Read(n);
IF x>0 THEN y:=exp(x*Ln(a+1/x)) ELSE
y:=a*exp(x*Ln(n));
Writeln (‘Funksiyanyň bahasy y=’,y);
End.

```

Sıkl operatorlary

Elektron hasaplaýış maşynlarynda işlenilýän birnäçe mysallar özleriniň içinde birnäçe gaýtalanýan meýdanlary

saklaýarlar. Şoňa görä-de çylşyrymly programmalarda sikller ulanylýar. Sikller programma ýerine ýetirilýän döwründe birnäçe gaýtalanýan operatorlary saklaýarlar. Paskal dilinde sikliki operatorlaryň üç görnüşi bar:

1) Şerti öňüden barlayán sikliki operatorlar.

```
WHILE- bulew aňlatma do  
    Begin operator 1;  
        operator 2 ;  
        ....  
    end.
```

While - häzirlıkçе; *Do* - ýerine ýetirmek

Bu sikl WHILE sözi bilen başlanýar. Onuň ýerine ýetirilşى: ilki bulew şert barlanýar, eger-de şert cyn bolsa, onda Begin we End sözleriniň arasyndaky operatorlar ýerine ýetirilýärler we sikliň işlenişi gaýtalanýar. Eger-de şert ýalan bolsa, ýa-da ýerine ýetmeýän bolsa, onda sikliň operatorlarynyň ýerine ýetirilmesi togtadylýar. Eger-de sikle bir operator degişli bolsa onda düzmelі operator Begin we End sözlerini ýazman hem bolar.

Mysal üçin birden ýuze çenli sanlaryň kwadratlarynyň jemini hasaplaýan programmanyň bölegine seredeliň:

```
S:=0; N:=1;  
WHILE N<=100 do  
    Begin  
        S:=S + SQR(N);  
        N:=N+1;  
    end.
```

Bu ýerde S – bitin üýtgeýän her ädimden soň jemi hasaplaýar. Iki sany baha bermek operatory ýerine ýetirileni sebäpli bu ýerde düzmelі operator ulanylýar, ýagny Begin we end sözler. Sikl ýazylyp guitarlandan soň N-iň bahasy 101 sany alar.

$y = \frac{|b| - 4x^3 + 2}{\sqrt{2x^3 + 5}} - e^x$ - funksiýanyň b = 1 (0,1) 2 aralykdaky

bahasyny hasaplamaklygyň programmasyny aşakdaky görnüşde ýazmak bolar.

Program Mysal 17;

Var hb, bn, x, y : real;

Begin

b:=1; hb:=0, 1; bn:=2; read(x);

While b<bn do

begin

*y:=((ABS(b))-4*SQR(x)*x+2))/(SQRT(2*SQR(x)*x+5))-*

exp(x);

b:=b+hb;

Writeln ('y=',y);

end;

End.

2) Şerti soňundan barlaýan sikl operatory. Onuň umumy görnüşi aşakdaky ýaly:

Repeat operator 1;

.....

operator n;

Until bulew aňlatma;

Bu ýerde bulew aňlatma sikliň soňlanýandygyny aňladýar. Her gezekde sikl ýerine ýetirlenden soň hyzmatçy sözleriň arasyndaky *Repeat* – gaýtalamak; *Until* – hazırlıkçe bulew aňlatma sikliň soňlanýandygyny aňladýan şert barlanýar. Egerde şert çyn bolsa onda sikl soňlanýar we başgaça ýagdaýda sikl gaýtalanýar. Şeýlelikde sikl bir ýa-da birnäçe gezek ýerine ýetirilýär. Mysal üçin ýokarky ýazyylan mysalyň programmasyny aşakdaky görnüşde aňlatmak bolar:

Program RepeatUntil;

Var S,N: real;

Begin

S:=0; N:=1;

Repeat

```

 $S=S+SQR(N);$ 
 $N:=N+1;$ 
 $Until\ n>100$ 
 $Write\ ('S= ',S)$ 
 $end.$ 

```

3. Paskal dilinde sikliki operatorlaryň üçünji görnüşine parametrali sikl operatory diýilýär. Ol operatorlar toplumynyň öňünden belli bolan san boýunça gaýtalamaklyk gerek bolan ýagdaýynda ulanylýar. Bu ýerde üýtgeýän ululyga parametr diýilýär. Ol yzygiderli sanlar toplumyny alýar. Ol aşakdaky görnüşe eýedir:

```

 $For < sikliň başlangyjy > do$ 
 $Begin$ 
 $Operator\ 1;$ 
 $Operator\ 2;$ 
 $.....$ 
 $end.$ 

```

Sikl For (üçin) sözi bilen başlanýar. Sikliň esasy bölegi bolsa *do* (ýerine ýetirmek) sözünden soň *Begin* we *end* sözleriniň arasynda ýerleşýär. Eger-de bir sany baha bermek operatory bar bolsa, onda *Begin* we *end* sözlerini ýazman hem bolar. Sikliň başlangyjy aşakdaky görnüşe eýedir :

(For)< parametr >:=< sikliň başlan > To < sikliň soňky bahasy>

Mysal üçin birden ýüze çenli sanlaryň kwadratyny tapmaklygyň programmasynyň bölegini aşakdaky görnüşde ýazmak bolar :

```

 $S:=0;$ 
 $For\ N:=1\ To\ 100\ do$ 
 $S:=S+SQR(N);$ 

```

Bir baha bermek operatory bolany sebäpli *Begin* we *end* sözleri ýazylmady.

Parametrli siklde geljekgi däl-de öňündäki bahany alýan sikli hem ulanmak bolar. Ol *Downto* sözi bilen ýrine ýetirilýär. Mysal üçin ýokarky programmany şeýle ýazmak bolar:

```

S:=0;
For N:=100 Downto 1 do
S:=S+SQR(N);

```

Massiwler

Bir görnüşli üýtgeýän ululyklaryň toplumyna *massiw* diýilýär. Massiwıň elementleri sanawa eýedir. Onuň sanawyndaky tertibine massiwıň *indeksi* diýilýär. Massiwi bermek üçin oňa at bermeli we üýtgeýän aralygy belli bolmaly hem-de elementtiň görnüşi berilmeli. Massiwleri aşakdaky görnüşde ýazmak mümkündür.

Var A, B: Array [1..10] of real;

C: Array [1..5] of [1..5] of integer;

D: Array [1..4, 1..4] of CHAR;

Bu ýerde *A[10]*, *B[10]* 10 elementli bir ölçegli massiw, *C[5,5]* 25 elementli iki ölçegli massiw, *D[4,4]* 16 elementli iki ölçegli massiw.

$$C[2;2]=\begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$$

$$A[10]=\left\{4, -7, 0, 3, 8, 7, 1, -5, 4, -11\right\}$$

Massiwıň elementlerini girizmek we çap etmek üçin siklleri ulanylyşyny görkezeliň. *Bir ölçegli massiw üçin:*

For i:=1 TO 10 do

For i:=1 to 10 do

Read (A[i]);

Write (A[i]);

Iki ölçegli massiw üçin :

For i:=1 TO 5 do

For i:=1 to 5 do

For j:=1 TO 5 do *For j:=1 to 5 do*

Read (c[i, j]); *Write(c[i,j]);*

10 elementli massiwiň elementleriniň jemini tapmak üçin programmanyň bölegini aşakdaky görünüşde ýazmak bolar:

S:=O;

For i:=1 TO 10 do

S:=S+A[i];

10 elementli massiwdäki maksimal elementi tapmaklygyň programmasyny şeýle görünüşde ýazmak bolar:

Program Maksimal;

Var A: array [1..10] of integer;

Max, i : integer;

Begin

For i:=1 to 10 do

Read (A[i]);

Max:=A[1];

For i:=2 TO 10 do

IF Max < A[I] THEN Max:=A[I]

Writeln ('Max=',Max);

end.

I 2 3 4 5 6 7 8 9 10

Max=10

Borland Delphi

I. Giriş.

Delphi – Delphi orakuly (öñden görüsü) ýaşan grekleriň bir şäheri. Onuň ady bilen bu täze düzülen programma, önumine at berildi. Ony gurujylar tarapyndan bu programma önumini 2,5 ýyla çenli gizlinlikde sakladylar. Şoňa göräde onuň daşynda kompaniyanyň satyljak bolýandygy, aksiýalaryň pese gaçýandygy barada her hili gürrüňler ýaýradı. Häzirki wagtda dünýäniň köp dillerinde terjime edilip işlenilýär. Onuň Delphi 3, 5, 7 görnüşleri bar. Borland kompaniyasynyň Delphiden başgada BDE2.0, BC + + 45, Poradox we başgalar bar.

Önumiň esasy häsiýetnamasy.

Delphi – birnäçe ulgamlaryň birikdirilen önumidir. Ol:

- 1) Delphide saylan kompilyator ýokarky önumçılıgi üpjün edýär. Bu kompilyator dünýäde iň çalt kompilyator bolup kompilýasiýasy, 486 kompýuterde 1 min. 120 000 setir. Ol gaýtadan ulanmaklygy ýeňil amala aşyrýar we taýýar programmalary çalt barlamaklyga mümkünçilik beryär. Mundan başgada kodlary elden yazman ýerine ýetirmekligi amala aşyrýar.

Önümleri düzende düzüji palitra komponentden gerek bolan taýýar

komponentleri alýar. Kompilýasiýa döwründe biz interpretatordan 10-20 esse

çalt (ýerine ýetirmekligi) kody alýarys.

- 2) Maşyn kodlaryň ýokary öndürijilikli kompilatoryna eýe.
- 3) Komponentleriň obýektleri kesgitlemek modelirlemek.
- 4) Programmany meňzeşligi we ýokary tizlikde gurmak.
- 5) Baza berlenleri gurmak üçin ölçeg ululyklary (giňişligi).

Delphi programmirleme diliniň artykmaçlygy

Häzirki zamanda Delphi dili–birnäçe artyrmaklyklara eýedir. Olar aşakdakylar-dan durýar.

- 1) Maksatnama (programmirlemek) kesgitlenen obýektlere ýüzlenip düzülýär. Bu obýektlere ýüzlenilip düzülýär. Bu obýektler haýsyda bolsa bar bolan predmetlere ýa-da proseslere esaslanandyr.
- 2) Görüş gollanma eýedir. Eger-de Size haýsyda bolsa bir düwmäni formada ýerleşdirmek gerek bolsa, onuň koordinatasynyň we ölçegini görkezmän gerek ýeriňizde goýup bilersiňiz. Bu örän çalt we amatlydyr, ýöne koordinatalary hem görkezip goýmak bolar.
- 3) Ank Gurluşly programmireläge eýedir. Bu programma ýazylýan döwründe prosedurany we funksiýany ulanylmasyny aňlatýar.
- 4) RAD (Rapid Application Development) – maksatmany çalt ýetirmek sistemasyna eýedir. Birnäçe sagadyň dowamynda çalşyrymly owadan programmany döretmek mümkündür.

Delphide işlemekligiň integririlenen gurşawy Umumy gurluşy. Esasy elementler

Delphi häzirki zaman çeýe we çalt düzgünnamany düzýän gurallary ulanyja hödürleýär. Ilki programmalary wizual önemciligine gabat gelyänlere seredeliň. Olar Delphiniň intergral bölekleri bolup durýar. Şonuň esasynda işlemekligiň integral gurşawy ýüze çykdy. Delphini göýberenimizden, yüklenenden soň, ekranda işlemekligiň intergririlenen gurşawynyň 4 sany penjiresi açylýar. Olar:

1. Esasy penjire.
2. Obýektler inspektory.
3. Formany taslamak penjiresi.
4. Kodlary redaktirlemegiň penjiresi.

Bu penjireleri işlenilýän döwründe hiç wagt ýapmak bolmaýar, ýöne düýrmek bolar.

Ekranyň ýokary bölümünde esasy penjire ýerleşyär. Onda esasy menýunyň setiri, gurallar paneli we komponentleriň palitrasy ýerleşyär. Delphide işlenilýän döwründe (ýüklenenden soň) programmanyň esasy penjiresi elmydam açık durýar. Onu ýapmak bilen Delphini onerativ hüsdan aýyrýarsyňyz ýagny Delphi programmany ýapýarsyňyz. Esasy penjiräniň sözbaşy setirinde şol wagtky açylan taslamanyň ady ýerleşyär. Taslama režiminde we ýerine yetirmek režiminde açylyp biler. Esasy penjiräniň sözbaşyna salgylanyp taslamanyň haýsy režiminde açylandygyny kesgitlemek bolar. Esasy penjiräniň sözbaşynyň çep tarapynda Delphi ýazgysy we proýektiň ady ýazylandyr.

Menýu setiri gollanmalary test geçirmek, olaryň üstünde işlemek we olary dolandırmak komandalaryny saklaýar.

Gurallar paneli kesgitli menýu komandalaryna degişli belgileri saklaýar.

Mysal üçin proýekti açmak üçin Open-project nyşany basmak bolar, ýa-da menýudan File—Open project –komandany bermek hem bolar.

Gurallar paneli asylan düşündirişler bilen üpjün edilen. Syçanyň urukdyryjysyny haýsy-da bolsa bir belgä eltip saklansak onda kamandanyň ady şol belgi bilen berlen komanda ekranda görüner.

Ulanyjy gurallar paneliniň konfugurasiýasyny üýtgedip biler. Şu maksat üçin Delphide ulanyjynyň sazlamak penjiresi bar. Onuň kömegi bilen ekranda gurallar paneli ýygşyryp we görkezip bolar, dolandırmak paneliniň belgilerini goşup, goýup we aýyryp bolar, olaryň ýerleşisini üýtgedip bolar. Ulanyjynyň sazlamak penjiresini syçanyň sag düwmesini basyp (gurallar panelinde) almak bolar. Ekranda menýu peýda bolar. Yzygiderligi almaly: “Properties” → “Speedlar Editor” – penjire asylar. Gurallar panelinden aýyrmak isleyän

nyşanlaryňzy bu penjirä geçirini. Eger-de gurallar panelinde ýok nyşanlary goşmak isleseňiz

“Build All”- şu punktda “Speedlar Editor” → sanawda “Categories” → “Project” belgilemeli we sag tarapynda sanowda “Commands” tapmaly we dolandyrmak paneline geçirmeli.

Başky ýagdaýda “Open project”, “Save All” “Build All”, “Run” – düwmelerini (Proýekti açmak, hemmesini huşa ber, hemmesini täzeden goýmak we programmany goýbermek) goýmak amatly.

Programmalary yazmaklyk esasy iki bölümde Formada we kodlary redaktirlemek böлümelerinde işlenýär.

Forma ilki başda boş penjire görnüşinde berilýär. Ony palitra komponentlerindäki elementler, obýektler bilen dolduryp bolar. Obýektleri her dürli üýtgedip bolar. Obýektleri almak üçin obýekte syçanyň urukdyryp basmaly. Ikinji sapar formada basmaly şol obýekt formada peýda bolar. Ony syçanyň kömegini bilen manipulirlemek bolar (üýtgetmek).

Komponentler palitrasynda Standart, Addititonal, Dialogs we ş.m. böлümeler bar. Olaryň her birine basyp ondaky obýektleri almak bolar. Formanyň çep tarapynda obýektler inspektory dur. Formadaky obýektlere syçany urukdrysak ondaky ýazgylar üýtgar. Obýektler inspektory iki sahypadan duryar, olar komponentleriň ýagdaýyny kesgitlemek üçin ulanylýar. Birinji sahypa – häsiýetleriň sanawy, ikinji sahypa – wakalaryň sanawy. Eger-de komponentleriň haýsy-da bolsa biriniň ýagdaýyny üýtgetmeklik isleseňiz onda ony obýektleriň inspektorynda edersiňiz. T Label – komponentleriň ölçesini adyny üýtgedersiňiz, onda Caption, Left, Top, Height we Width häsiýetler üýtgarler. Delphide işlemekligiň esasy bölegi hem Kömekdir. Help. Onda işlemek üçin Menýudan Help Contents belgini almaly.

Standart komponentler. Taslamalary huşa bermek

Komponentleriň palitrasynyň birinji sahypasynda 14 sany esasy ullanmak üçin kesgitlenen obýektler ýerleşyär. Bu komponentleriň her sahypasyndaky täzeleri goşup ýa-da aýtyp we olaryň tertiplerini üýtgedip bilersiňiz.

Delphiniň Standart komponentlerine düşündirişlere garap geçeliň:

- 1) T Main Menýu – programada esasy menýu ýerleşdirýär. Ony formada goşulanda ikonka görünüşinde bolar. Olara görünmeýän komponentler diýilýär. Sebäbi programma işlenilýän döwründe olar görünmeýär. Menýuny döretmek üç ädimden durýar.
 - 1) T Main Menýuny – formada goýmak.
 - 2) Obýektler inspektoryndan I tems häsiýetinden Menu Dizaýnerini çagyrmak.
 - 3) Menýuda punktlary kesgitlemek.
- 2) T Popup Menu – açylanýan menýuny döretmeklige kömek beryär. Menýunyň bu görünüşi çysanyň sag bölümünü basyp alynýar.
- 3) T Label- tekstleri ekranda goýmak üçin ulanylýar. Reňki we harplaryň ölçegini üýtgetmek bolar.
- 4) T Edit –Windowsyň standart dolandyryjy elementi. Ol ýazgynyň bölegini görkezmek üçin we programma ýerine ýetirilýän döwründe ýazgylary ýazmaga mümkünçilik beryär.
- 5) T Memo – T Edittiň başga görünüsü. Uly tekstler bilen işlenilýär. Ol sözi geçirip bilyär, clip boardda tekstiň bölegini ýatda saklap bilyär we başga reaktoryň esasy funksiýalaryny ýerine ýetirmek mümkün. Ol 32 kb – görwümlü teksti ýatda saklap bilyär. Bu bolsa 10-20 sahypa bolýar.
- 6) T Button – programma işlenýän döwründe nyşanlarda esasy haýsyda bolsa bir hereketleri ýerine ýetirmek bolar. Delphide ol has sada. Formada T Button belgisini

ýerleşdirip oňa iki ýola basyp nyşany basmak bahasyny döredip bilersiňiz. Taýýarlanmanyň kodyny ýazmaly:

Procedure T Form 1. Button 1 clik (Sender: TObject);

 Message Dlg(Are you there?, mt Confirmatio, mb Yes No Cancel 10); end;

7) T CheekBox – testiň setirini gapdalda kiçi penjirede ýerleşdirmek. (Options/Project; sahypa Compiller)

8) T Radio Button – birnäçe görünüşlerden birini saýlamaklyga mümkünçilik berýär. (Options/Project → sahypa Linker Options sekstiýalar map file we Link buffer file – Radio Buttondan düzülen).

9) T List Box – aýlawy sanawy görmek üçin ulanylýar. List Box – mysaly bolup Windowsda menyu punktynda File (Open – faýly aýyrmak we beýlekiler hyzmat eder. Faýlyň direkториýanyň ady List Box-da ýerleşyär.

10) T Combo Box – List Box – meňzeş ýerleri köp, ýöne ol maglumata mümkünçilik berýär (drop – down combo box – aşak açylan).

11) T Scrollbar – aýlanma zolaklary, awtomatiki görnüşde redaktirlemek obýektlerde peýda bolýar, List Box-da seredilýän ýagdaýda texti aýlamak üçin ulanylýar.

12) T Group Box – seretmek maksatlary üçin we Windowsda formada komponentleriň üýtgeýiš tertibini görkezmek üçin ulanylýar. (TAB düwmesi basylanda).

13) T Panel – T Group Box-a meňzeş dolandyryjy element. (dekoratiw maksatlar üçin ulanylýar). Ony ulanmak üçin formada T Paneli alyp goýmaly we beýleki komponentleri şonda goýmaly. T Panel süýşürilen ýagdaýynda goýlan komponentler hem şol bilen süýser. T Panel çyzgyç döretmek üçin hem ulanylýar (status penjiresini döretmek üçin hem ulanylýar).

14) T Scroll Box – formada wertikal we gorizontal ugurda ckrollirlemek üçin goýlan ýer. Bu birinji sahypada Palitra komponentiň doly sanawy. Eger-de size doly maglumat gerek bolsa Palitra komponentde obýekti saýlamaly we F1

düwmäni basmaly. Bu obýekt barada doly maglumatlar çykar.

Obýektler inspektory forma oklanan obýektiň häsiýetini üýtgetmek üçin ulanylýar. Ondan başgada Formanyň öz häsiýetini hem üýtgetmek üçin ulanylýar.

Obýektler inspektory bilen işläliň. Täze proýekt açýarys. Meydandan

File --- New Projekt.

Soň formada T Memo, T Button we T List Box goýýarys. Ilki ctl3D- häsiýetiň mysalynda garalyň.

Formany alýarys we onuň boş ýerine syçany urukdyryp bir gezek basýarys we ctl3D- häsiýetde True we False bölmelere geçip, formanyň daşky görnüşiniň üýtgeýändigini görýäris. Formadaky goýlan obýektleriň hem häsiýetleri üýtgeýär. Forma geçýäris we ctl3D- de True goýýarys. Shift düwmäni saklap syçany T Memo urukdyryp basýarys. Soň bolsa List Box – a basýarys.

Indi ol iki obýektleriň gyrasynda dörtburç kwadratjyklar peýda bolar. Olar şol obýektleriň saýlanandygyny aňlatýar. Iki ýa-da birnäçe obýektleriň şunuň ýaly saýlap siz obýektleriň toplumynda dürli operasiýalary geçirip bilersiňiz. Olary Formada süýşürüp bolar. Soň menyudan Edit → Size saýlaň we Width (ini)-de we Height (beýikliginde). Grow to Largect bölgemi saýlaň. Indi 2-obýekti saýlanymyz üçin obýektler inspektorynyň mazmuny üýtgär we ol bu obýektler üçin umumy bölmeleri saklar. Bu saýlanan obýektleriň hemmesiniň häsiýetlerinde üýtgemelidigini aňlatýar. Color häsiýetnamasynda saýlanan obýektleriň häsiýetlerine garalyň. Obýektler Inspektorynda ony üýtgetmekligiň 3 görnüşi bar:

- 1) Reňkiň adyny ýa-da (cl red) nomerini çap etmeli.
- 2) Sag tarapyndaky kiçi peýkama basmaly we reňklerden saýlamaly.
- 3) Color häsiýetnamasynyň meýdanyna 2 sapar basmaly we peýda bolan reňklerden saýlamaly.

**Delphide Windows Media Player bölümmini ulanyп
programma düzмек.
Delphide multimedia**

**Multimedia name. I Media Player komponenti.
Multimedianын уланылан programmanyň mysaly.**

Delpi programmasynda multimedianын обýektleri bolan sesi, sazy we wideony goşmaklyk oňsat hemde ýonekeýdir.

Multimedianын ank kesgitlemesi ýok. Ýöne umumy görnüşde multimedia – bu kompýuterde ulanylýan ses wideo görnüşleriň hemmesini aňlatýan termin sözdür. Ol T Media Pleyer görnüşde berilýär. Multimedianын bölek köplükleri bilen iş salyşalyň. Olar aşakdaky formatda berilýär:

- 1) Microsofts video for Windows (AVI) – Video görkezmek.
- 2) Sesleri we sazlary MIDI we WAVE faýllarda aýtdyrmak.

Multimedia faýllaryny aýtdyrmak üçin kompýuterde ses kartasy we käbir enjamlar gerek (ses kolonka).

Formada system politrasyndan T Media Player komponentini alyp goýýarys. Ol enjamы dolandyrmak paneli görnüşinde bezelendir. Magnitofondaky ýaly onda aýtdyrmak, ýazmak, dolandyrmak we başgalary ýerine ýetirmek bolar.

Obýektler inspektorynda File Name häsiýetnamasyny saklaýandygyny görersiňiz. Oňa 2-gezek basyp AVI, WAV ýa-da MID – giňeltmesi bolan faýly saýlaýarys. Soň Auto Open we True häsiýetnamalary goýmaly.

Bu ädimlerden soň programma goýbermeklige taýýar bolar. Ony goýberiň we aýtdyrmak ýaşyl nyşana Player basyň. Eger AVI formaty alan bolsaňyz video rolik peýda bolar. Eger WAV ýa-da MID saýlan bolsaňyz ses eşidiler. Eger bular ýerine ýetmän ýalňyş ýazgy peýda bolsa, onda 2 ýagdaýyň bolmagy mümkin.

- 1) Faýlyň adyny ýalňyş berensiňiz.

2) Windowsda multimediany dogry sazlamanzыңыз.

Draýwerleri sazlamak hem-de goýmak Control faýllary aýtdyrmak üçin diňe faýlyň adyny görkezmek ýeterlikdir. T Media Player komponentiniň esasy häsiýeti Displaydyr. Ol ilki başda doldurylan däldir we video aýratyn penjirede goýberilýär. Yöne ekran görnüşinde hem-de roligi goýmaly. Soň Media Player üçin Display häsiýetnamasyndan Panel 1 saýlamaly. Şundan soň programmany göýbermeli we aýtdyrmak knopkasyny basmaly. Multimediany gurmaklygyň 2 görnüşi bar:

- 1) köp halatda ulanyja uly sanawdaky faýllary aýtdyrmaklygyň ýonekeý usulyny tapmak gerek bolýar. Onuň üçin siz ulanyja CD-Roma ýa-da Wincestre ýuzlenmeklige rugsat bermegiňiz we gerekli faýly agtaryp ony aýtdyrmagyňyz gerek. Aýtdyrmaklygy dolandyrmak üçin formada T Media Player yerleşdirilýär.
- 2) Köp halatda programma düzüjä Media Player komponentini görkezmän aýtdyrmaklyk gerek bolýar, ýagny ulanyjy sesi ýa-da Videony onuň çesmesini bilmezden goýberýär. Ses prezentasiýanyňky bolan halatynda (Mysal üçin) grafik ekranda görkezilende onuň gapdalynda WAV faýlda ýazylan düşündiriş goýberilip biler. Ulanyjy prezentasiýa döwründe Media Playeriň bardygyny hem bilmeýär. Onuň üçin component görünmez ýaly (Visible = False) programmaly dolandyrylýar.

Multi Media gollanmasyny gurmaklygyň I görnüşine degişli mysala seredeliň.

Täze proýekt döretýäris: File → New Project. Formada Media Playeri goýýarys; Faýllary saýlamak üçin FileListBox, DirectoryListBox, DriveComboBox, FilterComboBox, komponentleri goýýarys.

Drive ComboBox 1 üçin DirList häsiýetde Directory List Box1 häsiýeti goýuň. FilterComboBox

üçin Filter häsiyetnamasynda faýllaryň gerek bolan giňelmesini görkezmeli:

AVI File (* avi) / *avi
WAVE File (* wav) / *wav
MIDI File (* mid) / * mid

Goý, saýlanan faýl FileListBox 1 häsiyete iki gezek basylanda aýtýan bolsun. FileListBox üçin OnDblClick wakalary işleýän häsiyetde aşakdakylary ýazmaly:

```
Procedure T Form1.ListBox1 DblClick
(sender:TObject);
Begin
    With Media Player 1 do
Begin
    Close;
File Name:= ListBox1.FileName;
Open:
    Play; end; end;
```

Taslamany huşa beriň, ony goýberiň, gerek faýly tapyň we oňa syçan bilen 2 gezek basyň. MediaPlayer bu faýly aýratyn penjirede aýtdyrar.

Täze projekti açýarys we oňa Panel 1 goýýarys. Display häsiyetnamasynyda MediaPlayer üçin Paneli 1 görkezýäris. Capiton – panelindäki ýazgyny aýyrýarys we häsiyetnamada: BevelOuter = bv None. Aýtdyrylýan wagtynda penjireden panele geçmek üçin formada Check Box goýmaly we wakalary işleýän OnCilick üçin aşakdakylary ýazmaly.

```
Procedure T From 1. CheckBox1 Click (Sender:
TObject);
Var
    Start-From:Longint;
Begin
    With MediaPlayer 1 do begin
        If FileName = then Exit;
```

```

Start – From: = Position;
Close;
Panel 1. Refresh;
IF CheckBox1. Checked then
    Display: = Panel 1
    Else Display: = NIL;
Open;
Position: = Start – From;
Play; end; end;

```

Taslamany goýberiň we videoroligi aýtdyryň. Syçan bilen CheckBox. Aýdyrylýan wagtynda şol wagtqy ýagdaýa seretmek gerek bolmagy mümkin. Onuň üçin MediaPlayeriň wakalary we häsiýeti bar:

Length, Position, OnNotify we başgalar.

Näçe wagt geçendigini gösterimde görkezmek üçin taslama Gange progress – indikatory goşýarys. Indikatoryň görkezişini täzelemek üçin taýmerden peýdalanmak bolar. Formada Timer ýerleşdirýäris we onuň üçin Interval = 100 (100 milli sekund) goýýarys. Wakalary işleyän On Timerde aşakdakylary ýazmaly:

```

Procedure T From 1, Timer 1 Times (Sender:
TObject);
Begin
    With MediaPlayer 1 do
        If File Name <> “then
            Gauge 1. Progress: = Round (100*Position /
Length);
        End;

```

Taslamany goýberiň, AVI faýly saýlaň we oňa syçany urukdyryp 2 sapar basyň. Şol aýtdyrylýan wagtda progress indikator görkezer. Wagta baglylykda 36%.

Delphide programmalaryň mysallary.

1. Formanyň adyny üýtgetmek.

Standart menýuda Button düwmesini peýdalanylп 2-sany düwme alyp goýýarys. Olara syçany ugrukdyryп Object Inspector → Properties Caption gapdalynда

Mysal üçin “Salam talyp”

2-de caption→ close çykmak ýazgysyny ýazýarys.

Formadaky bu düwmelere iki gezek basyp kody redaktirlemek penjeresinde

```
begin  
Form1. Caption := 'Salam talyp'  
end
```

2-njisine basyp begin end
Close; diýip ýazýarys.
end

soň F9 – Run komandany berip programmanyň işleýşine seretýäris.

2) Formanyň reňkini üýtgetmek

Formada birnäçe Button alýarys we gyzyl, sary, gök we ş.m diýip at berýäris.

Her birine basyp begin end sözleriniň arasynda

Form1· calor: =cl Red;

Form1· calor: =cl Green; we ş.m.girizýäris.

soň F9 – Run komandany berip programmanyň işleýşine seretýäris.

(Reňkler: Red-gyzyl, Green-ýaşyl, Blue-gök, Yellow-sary, Black-gara, White-ak).

3) Formanyň adyny Button düwmelerine üýtgedilende üýtgetmek.

Formada 2 ýa-da 3 sany Button şekillerini goýýarys. Olaryň birine basýarys we

Object Inspector → Events → On Mouse Move sag gapdalyna 2 basýarys we begin ... end arasynda ýazgy ýazmaly. Mysal üçin:

Form1·Caption: = ‘Akyllý talyp’;

2-nji Buttonna basyp hem şeýle edýäris.

F9-basyp barlap görýäris. (Formada şol ýazgylar görünýär).

Sagady ekrana çykarmak üçin formada Standart menýuda A-label bölegini alýarys we iki gezek basyp

Label1·Caption: = Time To Str.(Time);
sözlemi ýazýarys. Kompýuterdäki sagat ekrana çykýar. Labele basmaly. Şol wagtkey sagat çykýar.

4) Sagady ekrana çykarmak.

Formada Label A-alýarys we Properties→Captionda 00:00:00 AM ýazgyny ýazýarys. Fonta girip şriftiň ölçegini reňkini üýtgedýäris.

System-bölümünde sagat belgisini goýýarys we iki gezek basyp ýazýarys:

...

Var

Form1: T Form1;
gradus : Word;
Implementation
{SR *·DFM}

Procedure T Form1. Timer1. Timer (Sender : T Object);
Const

$x_1 = 250; y_1 = 250; r = 80; gr = \pi/180;$

var

$x_2, y_2 : Word;$

```

begin
    dec (gradus, 6);
Label1. Caption := Time To Str.(Time);
x2 := x1+round (r*sin(gr*gradus))
y2 := y1 + round (r*cos(gr*gradus))

// Canwas. Brush. Color:= cl Red; ýazman hem
bolar.
Canwas. Move. To (x1, y1);
Canwas. Line. To (x2, y2);
end; end;

```

Sender – ugradyjy
 events – wakalar
 properties – häsiyet
 label – belgi
 canwas – kendir mata
 brush – arassalamak, şotka
 round – tegeleklemek

5) Rus sözlemleri iňlis sözlerine we tersine kodirlemek.

- 1) Formada 2 sany label1, label2 alýarys we Объект we Ответ diýip ýazýarys.
- 2) Edit-den 2 sanysyny alyp formada boş goýýarys.
- 3) Button belgili goýup ony 2 gezek basyp aşakdakylary ýazýarys:

Type ...

Procedure Button1 Click (Sender; T Object);

```

private
... end;
const
Eng : string = ‘~!@#$%^&*()_’ (Shift saklap ýazmaly
soň shift goýberip ýazmaly hemme düwmeleri

```

almaly)+QWERTYUIOP{ }/ASD
asdfghjkl...žxcvbnm (iňlis harplary) /
 Ѓ!»№;%:?*()_ + ЙЦУКЕНГШ
 ЩЗХЪ\ФЫВАПРОЛДЖЭЯЧСМИТЬБЮ,
 йцукенгшщзхъ\фывапролдж эячсмитьбю.; (rus
 harplary);
 Rus : string = Ѓ!»№;%:?*()_+Й.... (ilki rus harplary
 ýaz, soň iňlis harplary).

Var

```

Form1: T Form1;
i,j, flag : integer;
Result : String;
im....
Procedure T Form1. Button1 Click (Sender : T
Object);
begin
  Result := yx;
  for i := 1 to length (Form1. Edit1. Text) do
  begin for i := 1 to length (Eng) do
  begin if Eng [j] = Form1. Edit1.Text [i] then break;
  end;
  Result := Concat (Result, Rus [j])
  end;
  Form1. Edit2. Text := Result;
  end;
end;

```

6) Klipleri Delphide seretmek. Media Player bilen işlemek.

Formada : 1) Media Playeri alyp goýýarys:
 System → Media Player
 1. Standart → Panel (ekrany ulaldyp goýýarys).
 a) Media Player-e basmaly we Object Inspector
 → Events → Display → Panel1 –
 saýlaýarys

→ Properties → Auto Open → True → File Name → 1 klip saylaýarys.

b) Win 3.1 → File List Box ← (basýarys)
formada goýýarys. Şondan →
Directory List Box1; Drive Comba
Box ; Filter Comba Box belgileri
goýýarys.

c) Directory List Box1 ← (bir gezek basýarys)

Object Inspector → Properties → File List → (sagda) File
List Box1

Drive Comba Box1 → Properties → Dir List → (sag)
Directory List Box1

Filter Comba Box1 → Properties Filter All files (*.*)
.

Avi file (*.avi) *.avi

Wave file (*.wav) *.wav

Midi file (*.mid) *.mid.

File List Box1 ← : Events → On Dee Click ← 2
gezek basyp ýazmaly:

With Media Player1 do

begin

Close ; File Name : = File List Box1.

File Name;

open; Play; end; end;

7) **About gurmak; Şablon döretmek.**

1. Täze proekt alýarys.

New Nems → Forms ↔ About Box ←

About – şablon ekrana çykýar. Ondaky ýazgylary üýtgetmek
bolar. Her bölümde Captiondaky ýazgylary üýtgetýäris. Mysal
üçin

Product Name: Leksiýa Delphi 7

Version: 7.1 2007 / Font-da ölçegini we reňkini
saylaýarys.

Copyright: Babaýew Hojaniýaz

Comments: TPI BB

3. Formada Button belgini alýarys, adyny
üýtgetyäris:

Click Me we 2 gezek basyp ýazýarys.

About Box. Show Modal;

Programmanyň işleýşini barlaýarys.

Gönükmeler

1. Basic we Pascal dillerinde ýazylan programmalar.

1.

$$y = 3 \cdot x^3 + 7 \cdot x^2 - 6 \cdot x - 1$$

funksiýanyň bahasyny
hasaplamaklygyň
programmasyny düzümleri.

```
REM "Funksiyanyň  
bahasyny tapmak"  
PRINT "Bahalary giriz:"  
PRINT  
INPUT "x=", x  
PRINT  
LET y = 3 * x ^ 3 + 7 * x  
    ^ 2 - 6 * x - 1  
PRINT "Funksiyanyň  
bahasy y ="; y  
END
```

3. Berlen a(3,3) iki ölçegli
massiwiň
elementleriniň jemini
tapmaly

```
CLS  
REM "Berlen massiwin  
elementleriniň jemi"  
PRINT "massiwin  
elementlerini giriz:"  
DIM a(3, 3)  
FOR i = 1 TO 3  
FOR j = 1 TO 3
```

$$2. y = \frac{b^2 - 2 \cdot x^3 + 7}{\sqrt{x^4 + 36}} - |3 + e^{x-a}|$$

funksiýanyň bahasyny x 1-den
2-ä čenli 0.2 ädim bilen
üýtgände hasaplamaklygyň
programmasyny düzümleri.

```
REM "Funksiyanyň bahasy  
tapmak"  
PRINT "Bahalary giriz:"  
INPUT "a=", a  
INPUT "b=", b  
PRINT  
FOR x = 1 TO 2 STEP .2  
LET y = (b ^ 2 - 2 * x ^ 3 +  
7) / SQR(x ^ 4 + 36) - ABS(3  
+ EXP(x - a))  
PRINT "Funksiyanyň  
bahasy y ="; y  
NEXT x  
END
```

4. n näbellili n deňlemäni
Gausyň usuly boýunça
çözmeli

```
REM "Gaussyn usuly"  
INPUT "Denlemanin  
sany N =", n  
DIM A(n, n), B(n), X(n)  
PRINT "Denlemanin  
koeffisientlerini girizmeli"  
FOR i = 1 TO n  
FOR j = 1 TO n  
INPUT A(i, j)
```

```

INPUT a(i, j)
NEXT j, i
PRINT
FOR i = 1 TO 3
FOR j = 1 TO 3
PRINT a(i, j);
NEXT j: PRINT :
NEXT i
REM "jemi tapmak"
LET s = 0
FOR i = 1 TO 3
FOR j = 1 TO 3
s = s + a(i, j)
NEXT j, i
PRINT
PRINT "jem s="; s
END
NEXT j
INPUT B(i)
NEXT i
FOR i = 1 TO n - 1
FOR j = i + 1 TO n
LET A(j, i) = -A(j, i) /
A(i, i)
FOR k = i + 1 TO n
LET A(j, k) = A(j, k) +
A(j, i) * A(i, k)
NEXT k
LET B(j) = B(j) + A(j, i)
* B(i)
NEXT j,i
LET X(n) = B(n) / A(n,
n)
FOR i = n - 1 TO 1 STEP
-1
LET H = B(i)
FOR j = i + 1 TO n
LET H = H - X(j) * A(i,
j)
NEXT j
LET X(i) = H / A(i, i)
NEXT i
PRINT "Sistemany
kokleri"
FOR i = 1 TO n
PRINT "X("; i; ")="; X(i)
NEXT i
END

```

5. $X(n \times n)$ matrisanyň baş dioganalynyň položitel elementini çap etmek.

```
INPUT N  
DIM x (N,N)  
FOR i = 1 To N  
FOR J= 1 To N  
INPUT x (i,j)  
NEXT j , i  
FOR I = 1 To N  
FOR J = 1 To N  
PRINT x ( i, j)  
NEXT j: PRINT: NEXT i  
FOR I = 1 To N  
FOR J = 1 To N  
IF i=j AND x(i,j) > 0 THEN  
PRINT x(i,j)  
NEXT j, I
```

7. $x (N,N)$ matrisanyň 3-e kratny

elementini çap etmeli.

```
INPUT N  
DIM x (N,N)  
FOR I = 1 To N  
FOR J= 1 To N  
INPUT x (I,J)  
NEXT J , I  
FOR I = 1 To N  
FOR J= 1 To N  
PRINT x ( I, J)
```

6. Matriasanyň baş dioganalynyň položitel elementleriniň jemini hasaplamaly

```
INPUT N  
DIM x (N,N)  
FOR i = 1 To N  
FOR j = 1 To N  
INPUT x ( i ,j)  
NEXT j , i  
FOR i = 1 To N  
FOR j = 1 To N  
PRINT x ( i, j)  
NEXT j: PRINT: NEXT i  
S=0  
FOR i = 1 To N  
FOR j = 1 To N  
IF i=j AND x ( i,j)>0 THEN  
S=S + x(i, j )  
NEXT j , i  
PRINT "jem S = " ; S
```

8. Berlen massiwiň 2-sany uly elementini tapmaly.

REM "Iki sany maxelement"
DIM A(3, 3)
FOR i = 1 TO 3
FOR j = 1 TO 3
INPUT A(i, j)
NEXT j, i
FOR i = 1 TO 3
FOR j = 1 TO 3
PRINT A(i, j);
NEXT j: PRINT : NEXT i

NEXT J: PRINT: NEXT I	Amax = A(1, 1)
FOR I = 1 To N	FOR i = 1 TO 3
FOR J = 1 To N	FOR j = 1 TO 3
IF x (I, J) = INT (x (I,J)/	IF Amax > A(i, j) THEN
3) * 3 THEN	GOTO 80
PRINT x (I, J)	Amax = A(i, j); k = i
NEXT J, I	80 NEXT j, i
	PRINT "1-nji max element
	Amax="; Amax
	Amax1 = A(1, 1)
	FOR i = 1 TO 3
	FOR j = 1 TO 3
	IF Amax1 > A(i, j) AND
	Amax1 <> Amax THEN
	GOTO 100
	Amax1 = A(i, j); k = i: n = j
	100 NEXT j, i
	A(k, n) = A(3, 3): A(3, 3) =
	Amax1
	PRINT "2-nji max element
	Amax1="; Amax1
	END

1. $y = 9 \cdot x^3 - 2 \cdot x - 12$
 funksiýanyň
 bahasyny
 hasaplamaklygyň
 programmasyny düzmeli.
 Program funksiya;
 uses crt;
 var y,x : real;
 Begin
 clrscr;
 read (x);
 y:=9*x*x*x-2*x-12;
 writeln ('y=',y : 3 : 2);
 end.

3. Berlen x(3,3) iki ölçegli
 massiwiň minimal
 elementini tapmaly
 Program Minelement;
 uses crt;
 const m=3; n=3;
 var min,i,j:integer;
 x:array[1..n,1..m] of
 integer;
 Begin
 clrscr;
 writeln('massiwin
 elementlerini giriz:');

2. A(10)
 massiwiň položitel
 elementleriniň jemini
 tapmaly.

Program Maspolementjemi;
 uses crt;
 var jem,i:integer;
 A:array[1..10] of integer;
 Begin
 clrscr;
 writeln('massiwin
 elementlerini giriz:');
 jem:=0;
 for i:=1 to 10 do
 readln (A[i]);
 for i:=1 to 10 do
 if A[i]>0 then jem:=jem+A(i);
 writeln ('polozitel element
 jemi='+intToStr(jem));
 end.

4. Funksiýanyň bahasyny
 hasaplaň :

$$f = \begin{cases} \frac{\sin(2 \cdot x + 1)}{2}, & \text{eger } x < 0 \\ \sqrt{2 \cdot x^2 + 4}, & \text{eger } x \geq 0 \end{cases}$$

bolsa.

Program SertligecmekMysal;
 Uses crt;
 var x,f:real;
 Begin

```

min:=x[1,1];
for i:=1 to n do
  for j:=1 to m do
    readln (x[i,j]);
    for i:=1 to n do
      for j:=1 to m do
        if min< x[i,j] then
          min:=x[i,j];
          writeln ('minimal element
min=',min)
        end.

```

```

Clrscre;
Writeln ('x-a baha
ber:');
read (x);
if x<0 then
  f:=(1/2)*sin(2*x+1) else
  f:=sqrt(2*x*x+4);
write ('Funksiyanyn bahasy
f=,',f:2.3);
end.

```

Özbaşdak işlemek için gönükmeler.

1. Çyzkly programmalary we blok-shemalary düzmeklige değişli gönükmeler.

Aňlatmanyň bahasyny hasaplamaklygyň programmasyny
we blok-shemasyny
düzüň.

$$1. \quad y = \frac{1}{a + \frac{1}{x}} - \frac{7.7x^3 + 9}{\sqrt{|4.2a^2 + x^2|}} - e^{x-1}$$

$$2. \quad y = \frac{a}{a + \frac{3}{4}} - \frac{2.9tgx + 5}{\sqrt{|6.3a^3 - x^3|}} - e^{x+5}$$

$$3. \quad y = \frac{b + \frac{3}{b}}{\frac{1}{x}} - \frac{\sqrt{x^2 - 9}}{|\ln x + 4|} - \sin(x^2 - b)$$

$$4. \quad y = 5.9 \cos^2(x+9) - \frac{x^2 - 7.2}{\sqrt{|4.2a + x|}} - e^{2x+1}$$

$$5. \quad y = \frac{\sin(x-3)}{a + \frac{1}{x}} - \frac{\cos(x^2+1)}{\sqrt{|2a^2+x^2|}} - \ln(x+3)$$

$$6. \quad y = \frac{6,7}{ac} \operatorname{tg}(3x-c) - \frac{\ln x + 9,3}{\sqrt{|2,5c^2+x^2|}} - e^{3x+1}$$

$$7. \quad y = \ln(x+7,3) - \frac{7,7}{c} \sin(3x+c) - \frac{1}{\sqrt{|5x^2+c^2|}} - e^{4x-1}$$

$$8. \quad y = -3e^{8x-b} - \frac{1,7}{b} \cos(2x+b) - \frac{3,6\sqrt{b^4+2x}}{|\ln(x+2b+1)|}$$

$$9. \quad y = \frac{1,5}{a} \operatorname{tg}(2x+a) - \frac{\sqrt{x^2+a^2}}{|3x^3-a^3-1|} - 2e^{x-a}$$

$$10. \quad y = 3e^{2x+1} - 5\ln(x+2b) - \frac{1,7}{b} \cos(x+2b) - \frac{|7x^3-2b^2-3,8|}{\sqrt{2x^2+b^4}}$$

11. $\tau = 12.427$ radiusly töweregijň uzynlygyny hasaplaň.

12. $a=0.46$ we $b=10.82$ taraply gönüburçlygyň meýdanyny hasaplaň.

13. $\tau = 2.412$ radiusly we $h=12.26$ beýikligi bolan silindriň göwrimini hasaplamaly.

14. $CA=AB=12.114$, $BC=6.67$ taraply deňýanly üçburçlygyň perimetrini hasaplamaly.

15. $\tau = 4.678$ radiusly şaryň göwrümini hasaplaň.

16. $a=4.678$, $b=8.46$ esasly $h=6.11$ beýiklikli deňýanly trapesiyanyň meýdanyny hasaplaň.

17. $\tau=0.401$ radiusly $h=1.096$ beýiklikli silindri doldurýan simabyň agramyny kesgitläň. Simabyň agyrlyk dykyzlygy $\rho=13.6'ä$ deň.

18. Morden ýasalan $\ddot{a}=3.23$ gapyrgaly kubuň agramyny kesgitläň. Misiň dykyzlygy $\rho=8.9' \ddot{a}$ deň.
19. $\ddot{a}=b=3.008$, $c=1.015$ gapyrgaly bolan latun böleginiň (parallelipiped görnişli) agramyny kesgitläň.
20. Latunyň dykyzlygy $\rho=8.5'$ e deň.
21. $\ddot{a}=12.414$ esasly, $h=8.117$ beýikligi bolan üçburçlugyň meýdanyny kesgitläň.
22. $V=5.705$ -göwrümlü kümüş şaryň agramyny kesgitläň. Kümüşiň dykyzlygy $\rho=7.58$.

2. Şahalanýan programmalary we blok-shemalary düzmeklige degişli gönükmeler.

Berlen aralykda funksiyanyň bahalaryny tapmaklygyň programmasyny we blok-schemasyny düzüň.

$$1. \quad y = \begin{cases} \frac{1}{x}, & \text{eger } x \leq 0 \\ x^2 - 1, & \text{eger } x > 0 \\ \cos x - 1, & \text{eger } 0 \leq x \leq 1 \text{ bolsa.} \end{cases}$$

$$2. \quad y = \begin{cases} \frac{\frac{1}{2}}{x}, & \text{eger } x < -5 \\ \sin^2 x - x, & \text{eger } x > +5 \\ \operatorname{tg} x, & \text{eger } -5 \leq x \leq 5 \text{ bolsa.} \end{cases}$$

$$3. \quad y = \begin{cases} \sqrt{x^2 - 1}, & \text{eger } x > 4 \\ \frac{1}{x}, & \text{eger } x < -4 \\ \sqrt{\cos x - x}, & \text{eger } -4 \leq x \leq 4 \text{ bolsa.} \end{cases}$$

$$4. \quad y = \begin{cases} -5, & \text{eğer } x < -7 \\ \frac{1}{x+1}, & \text{eğer } x > 7 \\ \sqrt{x^2-1}, & \text{eğer } -7 \leq x \leq 7 \text{ bolsa.} \end{cases}$$

$$5. \quad y = \begin{cases} \frac{1}{y}, & \text{eğer } y < -9 \\ \sqrt{y^2+6}, & \text{eğer } y > 9 \\ \operatorname{tg} y, & \text{eğer } -9 \leq y \leq 9 \text{ bolsa.} \end{cases}$$

$$6. \quad y = \begin{cases} e^{y-1}, & \text{eğer } y > 15 \\ y^2 + 1, & \text{eğer } y < -15 \\ \sin y, & \text{eğer } -15 \leq y \leq 15 \text{ bolsa.} \end{cases}$$

$$7. \quad y = \begin{cases} x^2 + 7, & \text{eğer } x > 10 \\ -x^3 + 7, & \text{eğer } x < -10 \\ \sqrt{x+7}, & \text{eğer } -10 \leq x \leq 10 \text{ bolsa.} \end{cases}$$

$$8. \quad y = \begin{cases} \sqrt{\sin x - x}, & \text{eğer } x > +40 \\ e^{x^2} + 1, & \text{eğer } x < -40 \\ 10x - 1, & \text{eğer } -40 \leq x \leq 40 \text{ bolsa.} \end{cases}$$

$$9. \quad y = \begin{cases} \frac{x^2}{x+1}, & \text{eğer } x < -25 \\ 5x^2 + x^3, & \text{eğer } x > 25 \\ e^x - \sin x, & \text{eğer } -25 \leq x \leq 25 \text{ bolsa.} \end{cases}$$

$$10. \quad y = \begin{cases} \operatorname{arctg} \frac{b+c}{\sqrt{d}}, & \text{eğer } d > 0 \\ \frac{1+2d}{2\sqrt{a}}, & \text{eğer } d \leq 0 \end{cases}$$

bu ýerde $d = ac - b^2$

11. x, y – hakyky sanlar berlen. Almaly

a) $\max(x, y)$; b) $\min(x, y)$; ç) $\max(x, y) \min(x, y)$

12. a, b, c – hakyky sanlar berlen. $a < b < c$ – deňsizligiň ýerine ýetendigini barlaň.

13. Üç sany hakyky san berlen. Olardan (1;3) aralyga degişlisini saýlamaly.

14. x, y – hakyky sanlar berlen. Eger-de x we y otrisatel bolsa onda her bir bahasyny olaryň moduly bilen çalyşmaly; Eger bularyň haýsy – da bolsa biri otrisatel bolsa onda olaryň ikisiniňem bahasyny 0,5 esse ulalmaly; Eger-de ikisiniňem bahasy otrisatel bolamasa we olar $[0,5, 2]$ aralyga degişli bolmasa onda olaryň bahasyny 10 esse artdyrmaly. Galan ýagdaýda x, y -iň bahalaryny üýtgetmeli däl.

15. a, b, c – hakyky sanlar berlen. ($a \neq 0$)

$a \cdot x^2 + b \cdot x + c = 0$ deňleme hakyky köke eýemi? Eger hakyky kök bar bolsa olary tapmaly. Gaşylykly ýagdaýda hakyky kökler ýok diýen ýazgy jogap hyzmat etmeli.

3. Sikliki gaýtalanýan programmalary we blok-shemalary düzmekelige degişli gönükmeler.

Funksiýanyň bahasyny hasaplamaklygyň programmasyny we blok-shemasyny

düzzüň:

$$1. z = \frac{|\sqrt{x} + e^{5x^2}|}{5x^3 + 7x} - \frac{1}{2}x^2 \quad \text{bu ýerde} \quad x = 1 (0,2) 4;$$

$$2. z = \frac{|a| - x^3 + 4}{\sqrt{3x^2 - 3}} - \sin x \quad \text{bu ýerde} \quad a = 1 (0,1) 5;$$

3. $z = \frac{c + 7x^2 + 2}{\sqrt{|2x^3 - 1|}} - \cos x$ bu ýerde $x = 1$ (0,1) 2;

4. $z = \frac{(a + \sqrt{c^3}) \sin x + 2}{(a^3 - c^3)(a - 4)} - \cos x$ bu ýerde $x = 1$ (0,1) 3;

5. $z = \frac{\sqrt{|x + e^{5 \sin x^2}|}}{y^x + x^y}$ bu ýerde $x = 1$ (0,1) 2;

6. $z = 5 - \sin^2 x + e^{(x^3 - 1)} + b$ bu ýerde $b = 2$ (0,3) 4;

7. $z = \frac{\sqrt{2x^2 - x + 1} + |x^2 + 5x - 10|}{5t^2 + 7} - \cos x$ bu ýerde $t = 1$ (0,2) 3;

8. $z = (7 + b)(9 - \frac{b}{a + b^2(8 + 9a)}) - xe^{x^2 + 1}$ bu ýerde $b = 5$ (0,1) 6;

9. $z = |e^{x^2 + 3x} - 7x| + \cos^2 x + \frac{\sqrt[3]{b}}{x}$ bu ýerde $x = 1$ (0,1) 2;

10. $z = |arctgx - \sin(ax)| + \sqrt[3]{ax}$ bu ýerde $x = 2$ (0,1) 3;

11. n – natural san berlen. Hasaplamaly:

a) 2^n

b) $n!;$

c) $\left(1 + \frac{1}{1^2}\right) \left(1 + \frac{1}{2^2}\right) \dots \left(1 + \frac{1}{n^2}\right);$

d) $\underbrace{\sqrt{2 + \sqrt{2 + \dots + \sqrt{2}}};}$

12. a – hakyky san we n – natural san berlen. Hasaplamaly:

a) a^n

b) $a(a+1) \dots (a+n-1);$

c) $\frac{1}{a} + \frac{1}{a+(+1)} + \dots + \frac{1}{a(a+1)\dots(a+n)};$

d) $\frac{1}{a} + \frac{1}{a^2} + \frac{1}{a^4} + \dots + \frac{1}{a^{2n}};$

4. Massiwlere degişli gönükmeler. Hasaplamaklygyň programmasyny we blok shemasyny düzüň.

1. 10 elementli birölçegli K[10] massiwiň elementlerini okaýan we her bir elementini π sana köpeldip çykaryan programma ýazyň.
2. 10 elementli birölçegli A[10] massiwiň her elementiniň kwadratyny hasaplaýan programma ýazyň.
3. 10 elementli birölçegli A[10] massiwiň iň uly elementini iň kiçi elementi bilen çalyşyň.
4. 10 elementli birölçegli B[10] massiwiň otrisatel elementlerini olaryň modullary bilen çalyşyň.
5. 10 elementli birölçegli C[10] massiwiň otrisatel elementlerini sanaýan programma ýazyň.
6. 10 elementli birölçegli A[10] massiwiň 0 elementlerini 1 bilen çalyşyň.
7. 10 elementli birölçegli K[10] massiwiň položitel elementleriniň sanyny we jemini tapyň.
8. 10 elementli birölçegli A[10] massiwiň elementleriniň jemini tapyň.

9. 10 elementli birölçegli $B[10]$ massiwiň
 - a) üçünji elementiniň iki essesini;
 - b) 1-nji we 2-nji elementiniň jemini;
 - c)hemme elementleriniň köpeltmek hasylyny tapyň.
10. 10 elementli birölçegli $C[10]$ massiwiň elementleriniň 3-e kratnysyny çap ediň.
11. Ikiölçegli $A[3,3]$ massiwiň esasy diogonalyn daky elementleriniň jemini tapyň we çap ediň.
12. Ikiölçegli $B[3,3]$ massiwiň her setirindäki iň uly elementi tapyň we Z massiwde çap ediň.
13. Ikiölçegli $C[3,3]$ massiwiň iň kiçi we iň uly elementini tapyň.
14. Ikiölçegli $D[3,3]$ massiwiň her sütüniniň elementleriniň jemini tapyň we çap ediň.
15. Ikiölçegli $A[3,3]$ massiwiň esasy diogonalyn daky elementleriniň jemini tapyň we çap ediň.

Esasy sanly usullar we EHM-de meseleleri çözmekligiň algoritmi

EHM-de hasaplanýlanda goýberilýän ýalňyşlyklar

Hasaplamalar geçirilende şonuň bilen birlikde EHM-de hem netije ýakynlaşan görnüşde alynýar; sebäbi olar özünde ýalňyşlygy saklaýar. Takyk hasaplamany almak üçin ýa absolýut ýalňyşlygy tapmak ýa-da otnositel ýalňyşlygy tapmaklyk esasynda gazaňmak bolar.

Δx - absolýut ýalňyşlyk bu gözlenýän ululygyň takyk bahasy x bilen onuň ýakynlaşan bahasynyň \times tapawudydyr:

$$\Delta x = \left| x - \bar{x} \right|$$

δx - otnositel ýalňyşlyk bu absolýut ýalňyşlygyň ýakynlaşan baha bolan gatnaşygydyr: $\delta x = \left| \frac{x - \bar{x}}{\bar{x}} \right| = \frac{\Delta x}{\bar{x}}$

Ýalňyş hasaplamany 4 topara bölmek mümkün.

1. 1-nji ýalňyşlyk çözülyän meseleleriň matematiki modeliniň gurluşy bilen häsiýetlendirilýär. Meseläniň matematiki goýluşynda käbir häsiýetler, ýagdaýlar göz öňünde tutulmaýar. Muňa **matematiki modelin ýalňyşlygy** diýilýär.

2. 2-nji ýalňyşlyk berlenleriň ýalňyşlygy bilen kesgitlenýär. Meseläni çözmek üçin alınan berlenler hökman hasaplanýlanda, ölçenilende ýalňyşlygy saklaýar. Bu ýalňyşlyga **düzedip bolmaýan ýalňyşlyk** diýilýär.

3. 3-nji ýalňyşlyk meseläni çözmek üçin ulanylýan usulyň ýalňyşlygydyr. Käbir usullarda integraly ýakynlaşan hasaplanýlanda, algebrany we differensial deňlemeler çözülyende ýalňyşlygy beryän berk formulalar berilýär. Bu formulalar uly hasaplamany talap edýärler.

4. 4-nji ýalňyşlyk tegeleklemede goýberilýän ýalňyşlykdyr. Oňa **hasaplama ýalňyşy** diýlýär.

Şeýlelikde EHM-de hasaplanýlanda goýberilýän ýalňyşlyklar ýokardaky ýaly ýalňyşlyklaryň jemine deň diýip kabul etmeli. Házırkı zaman tehniki-inžener meseleleri çözmek üçin cylşyrymly matematiki enjam we olary çözmekligiň usullary zerurdyr. Hasaplama klygyň usullaryny iki topara bölmek mümkün: takyk we ýakynlaşan usullar. **Takyk (dogry) usullar** diýip hasaplama dogry ýerine ýetirilýän bolsa, onda arifmetiki we logiki operasiýalaryň kömegi bilen gözlenýän ululygyny takyk bahasyny berýän usula aýdylýar. Bu usulyň kemçiligi ol hem uly hasaplama ýerine ýetirmek gerek bolýanlygydyr. Ýakynlaşan usullar diýip hasaplama tegeleklenmän alynan ýagdaýında hem berlen takyklykda jogap alyp bolýan usula aýdylýar. Bu usula **iterasiýa usuly** hem diýilýär.

Çzykly däl deňlemeleriň çözülşiniň algoritmi

$F(x)=0$ (1) - görnüşdäki deňlemä çzykly däl deňleme diýilýär. Bu ýerde $F(x)$ -[a,b] aralykda kesgitlenen we üznuksiz bolan algebraik ýa-da trassendent funksiýa.

Islendik $x \in [a,b]$ bahada funksiýanyň bahasy nula deň bolsa, onda oňa (1)- deňlemäniň köki diýilýär. Eger (1)-deňlemäniň çep tarapyny

$$a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0 = 0$$

köpçlen görnüşde aňladyp bolýan bolsa, oňa **algebraik deňleme** diýilýär. Onuň n sany hakyky ýa-da kompleks köki bardyr. Eger-de çep tarap algebraik funksiýa bolman logarifmik, görkezijili, trigonometrik we ş.m. bolsa, onda oňa transsesent deňleme diýilýär.

Goyý [a,b]- interwalyň içinde $[x_1, x_2]$ aralyk üçin $a \leq x_1 < x_2 \leq b$ - bahada $f(x)$ funksiýa üznuksiz we alamatyny üýtgedýär, ýagny $f(x_1) * f(x_2) < 0$ we $f'(x)$ - şol bir alamaty

saklaýar diýeliň. Birinji şerte görä $[x_1, x_2]$ - aralykda funksiýanyň köki bar we ikinji şerte görä funksiýa monotondyr we şol aralykda kök ýeke täkdir. Şeýle interwala köki tapawutlandyrmak interwaly diýilýär (izolirlemek).

(1)- deňlemäniň kökünü tapmaklyk iki basgaçaga bölünýär: $f(x)=0$ deňlemäniň kökünü tapawutlandyrmak hemde kökleri anyklamak.

Mysal: $x^3 - 2x^2 + 3x - 5 = 0$

$f(x) = x^3 - 2x^2 + 3x - 5$ funksiýa seredeliň $f(0) = -5$, $f(1) = -3$ $f(2) = 1$, $[1; 2]$ aralykda $f'(x) = 3x^2 - 4x + 3 > 0$, ýagny aralyk tapawutlandyrylyan aralykdyr.

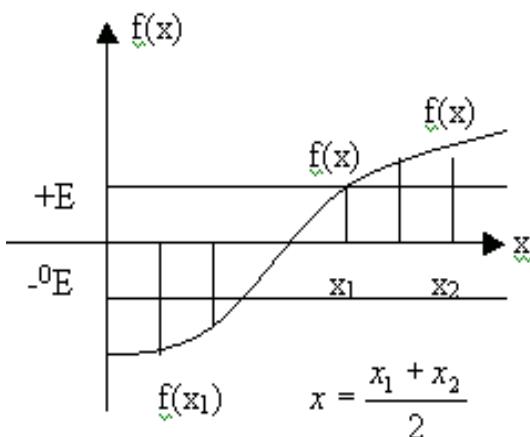
Islendik x üçin $f'(x) > 0$ bolany üçin funksiýa başga hakyky köke eýe däldir.

Ýarpa bölmek usuly

Tapawutlandyrylyan $[x_1, x_2]$ aralykda birinji deňlemäniň hakyky kökünü tapmaklygyň iterasiýon usullarynyň iň ýönekeyiý ýarpa bölmek usulydyr. Ol aşakdakylardan ybarat:

$[x_1, x_2]$ - interwal ýarpa bölünýär. Eger $f\left(\frac{x_1 + x_2}{2}\right) \neq 0$

bolsa, onda $f(x)$ -iň funksiýa çetki nokatlarda dürli alamata eýe bolýan $[x_1, (x_1+x_2)/2]$ ýa-da $[\frac{x_1 + x_2}{2}, x_2]$ aralyk alynýar. Soň bu operasiýa gaýtalanýar. Şeýle gaýtalamaklygyň

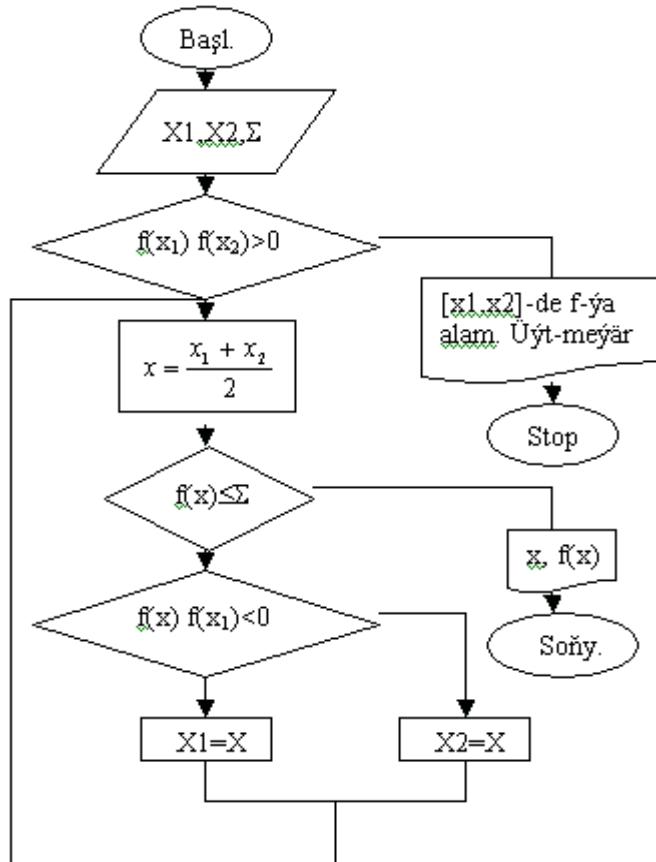


netijesinde n iterasiýadan soň öňki $|x_2 - x_1|$ uzaklyk iki esse beýgelýär we $\Delta X_n = (x_2 - x_1)/2^n$ deň bolýar. $|\Delta x_n| \leq \Sigma$ şertiň ýerine ýetmegi üçin

$$n \approx \frac{\ln\left(\frac{x_2 - x_1}{\Sigma}\right)}{\ln 2} - \text{iterasiýa gerek bolýar. Bu ýerde } \Sigma - \text{koki}$$

tapmaklygyň berlen takyklygy. Praktikada iterasiýa prosessiniň gutarmaklygyny $|f(x)| \leq \Sigma$ deňsizlik bilen berýärler. Bu usul eger $|f'(x)| > 1$ deňsizlik x-iň golaý töwereginde ýerine ýetýän bolsa amatlydyr.

$f(x) = 0$ deňlemäniň $[x_1, x_2]$ aralykda Σ takyklykda kökünü kesgitlemekligiň blok-shemasyny aşakdaky ýaly aňlatmak bolar:



Hordalar usuly

Bu usulda $[x_1, x_2]$ ýeri tapawutlandyrylyan aralyk belli hasap edilýär.

Goý $f(x_1) < 0$ we $f(x_2) > 0$ şertler ýerine ýetsin.

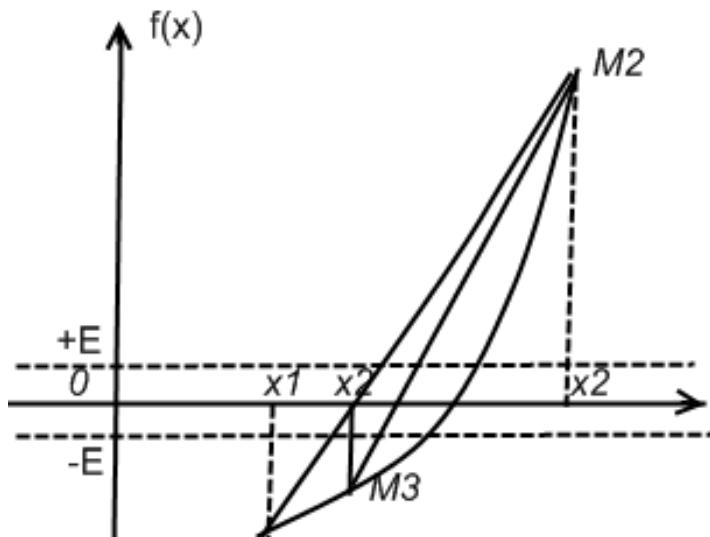
$M_1(x_1, y_1)$ we $M_2(x_2, y_2)$ nokatlary M_1M_2 horda bilen birleşdireliň, ol x oky $N_3(x_3, 0)$ nokatda keser. Bu ýerde

$y_1=f(x_1)$, $y_2=f(x_2)$ Bu hordanyň deňlemesi:

$$\frac{x - x_1}{x_2 - x_1} = \frac{y - y_1}{y_2 - y_1}$$

$y=0$ bolanda $x=x_3=x_1-y_1 \cdot \frac{x_2-x_1}{y_2-y_1}$ alarys.

X_3 - ululygyň bahasy gözlenilýän köke birinji ýakynlaşmadyr. Indiki ýakynlaşmany tapalyň. $F(x_3)$ -hasaplalyň onuň alamatyna baglylykda indiki köki saklayán interwal $[x_1, x_2]$ ýa-da $[x_3, x_2]$ bolar. Çyzgydan görnüşi ýaly ikinji ýakynlaşma $M_2(x_2, y_2)$, $M_3(x_3, y_3)$ nokatlary birikdirýän M_2M_3 - horda bilen kesgitlenýär. $y_3=f(x_3)$.



Eger $x=x_2$ nokatda $f(x_2)$ we $f^{11}(x_2)$ -funksiýalaryň alamatlary birmenzeş bolsa, onda yzygider ýakynlaşmany aşakdaky formula boýunça tapylýar:

$$X_{n+1} = X_n - f(x_n) \cdot \frac{(x_2 - x_n)}{f(x_2) - f(x_n)},$$

$X_0 = X_1, n = 0, 1, 2, \dots$

Bu ýagdaýda $x=x_2$ - interwalyň çetki nokadyna berk, ýagny süýşürlimeýän nokat diýilýär. Eger $x=x_1$ - nokat berk bolsa, hasaplamany aşakdaky formula boýunça geçirilýär:

$$X_{n+1} = X_n - f(x_n) \cdot \frac{(x_n - x_1)}{f(x_n) - f(x_1)},$$

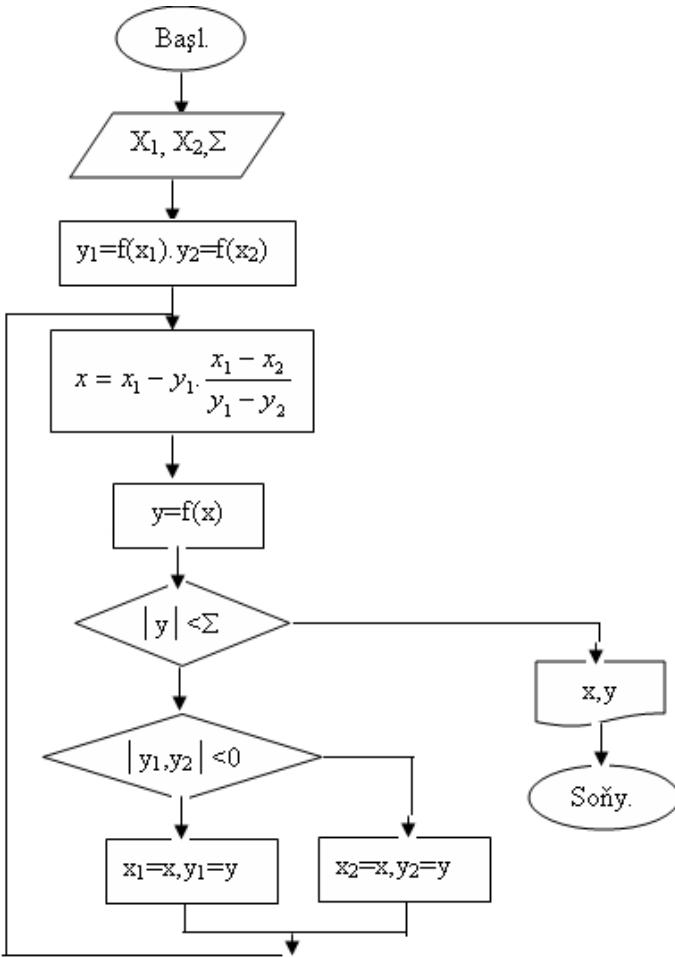
$X_0 = X_2, n = 0, 1, 2, \dots$

Hordalar usuly boýunça $[x_1, x_2]$ - aralykda köki hasaplamagyň programmasyny we blok-shemasyny aşakdaky görnüşde aňlatmak bolar.

```

Hordalar usuly
PRINT "F(x)=0 horda usuly bilen
cozmek".
INPUT E, R, IØ, D
INPUT XØ, X1, H
X= XØ: GOSUB 80
A=F: x=X1: GOSUB 80
B=F: y= XØ-A*(x1-xØ)/(B-a)
XØ=X1: X1=Y
IF ABS (X1- XØ)>H THEN 40
PRINT "Kok="X1:STOP
80 F=E-X-R* IØ*(EXP(D*X)-1
RETURN: END

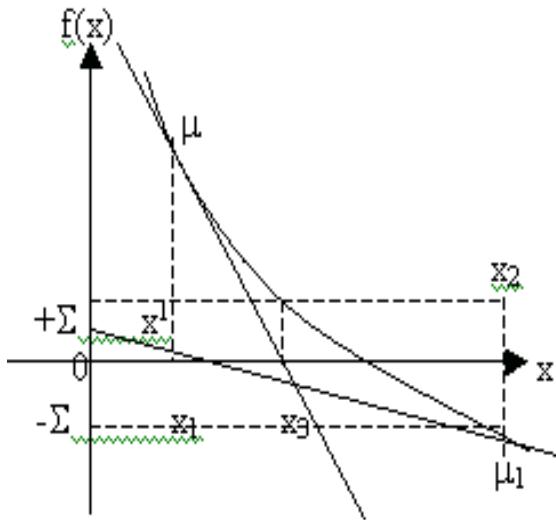
```



Galtaşýanlar usuly (Nýutonyň usuly)

Goý tapawutlandyrylan aralykda $f'(x)$ we $f''(x)$ önumler üzönüksiz we belli bir alamata eýé bolsun.

Başlangycz ýakynlaşmany tapawutlandyrylan aralygyň çetki nokatlarynda $f(x)$ we $f''(x)$ alamatlary deň bolan nokady alalyň.



Goý $f(x_1)$ we $f(x_2)$ položitel bolsun. $M(x_1, f(x_1))$ - nokatdan geçýän gönü çyzygyň deňlemesi:

$$y - f(x_1) = K(x - x_1) \text{ görnüşe eýe bolar.}$$

Bu gönü çyzygyň $f(x)$ funksiýanyň grafigine galtaşmagy üçin burç koeffisiýenti $K = f'(x)$ deň bolmaly. Galtaşýan gönü çyzygyň x -oky kesýän nokadyny $x=x_3$ diýsek, $y=0$ we

$$f(x_1) = f'(x_1)(x_3 - x_1) \text{ ýa-da} \quad x_3 = x_1 - \frac{f(x_1)}{f'(x_1)} \quad \text{Indiki}$$

geljekgi ýakynlaşmany

$$x_{k+1} = x_k - \frac{f(x_k)}{f'(x_k)}, \quad k=0,1,2,3,\dots$$

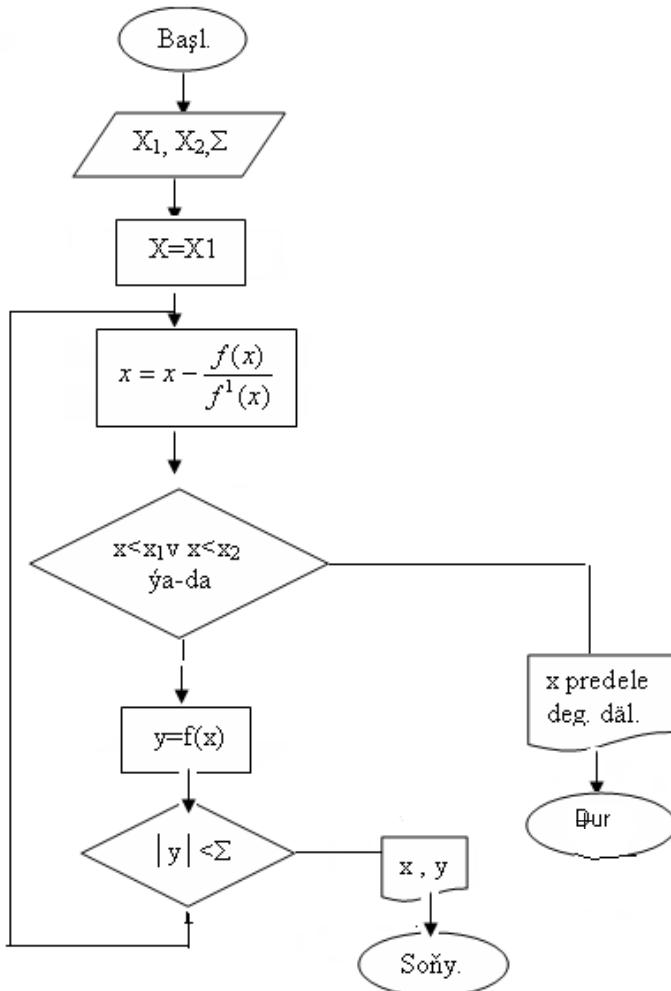
formula bilen hasaplamak bolar. Şunlukda, eger $f(x_1)$ we $f''(x_1)$ - önumleriň alamatlary gabat gelýän bolsa, $X_0 = X_1$, $f(x_2)$ we $f^{11}(x_2)$ alamatlary gabat gelýän bolsa $X_0 = X_2$ bolar.

Eger-de başlangyç ýakynlaşmany $f(x)$ we $f^{11}(x)$ onuň alamatlary dürlü bolan ýagdaýynda saýlap alsak, onda

hasaplama geçirilenden soň x^1 nokady alarys. Ol köke ýakynlaşmaýar.

Mysal üçin çyzgydan görnüşi ýaly $M_1(x_2, f(x_2))$ nokatdan geçýän $f(x_2) < 0$, we $f^{11}(x_2) > 0$ alamatlara eýe bolan x_2 çetki nokatda galtaşyan geçirisek onda x^1 nokat tapawutlandyrylan $[x_1, x_2]$ interwala degişli bolmaz.

Köki hasaplamaagyň algoritmi we programmasyny aşakdaky görnüşde aňlatmak bolar:



```

Program NýutonUsuly;
    Uses crt;
        Label 13;
        Var x,f,e: real;
    Begin
        Clrscr;
        Write ('Baslangyc bahany giriz XØ=?');
        Read(x);
        Write('Netijanin yalnyslygy E=?');
        Read(e);
        Goto 13;
        If abs(f)>e then 13:f=(x-sin(x)-0.25)/(1-cos(x));
        x:=x-f;
        Writeln('Denlemanin koki X=?',X);
    End.

```

Baslangyc bahany giriz XØ=1.2

Netijanin yalnyslygy E=0.000006

Denlemanin koki x=1.171832

Ýönekeý iterasiýa usuly

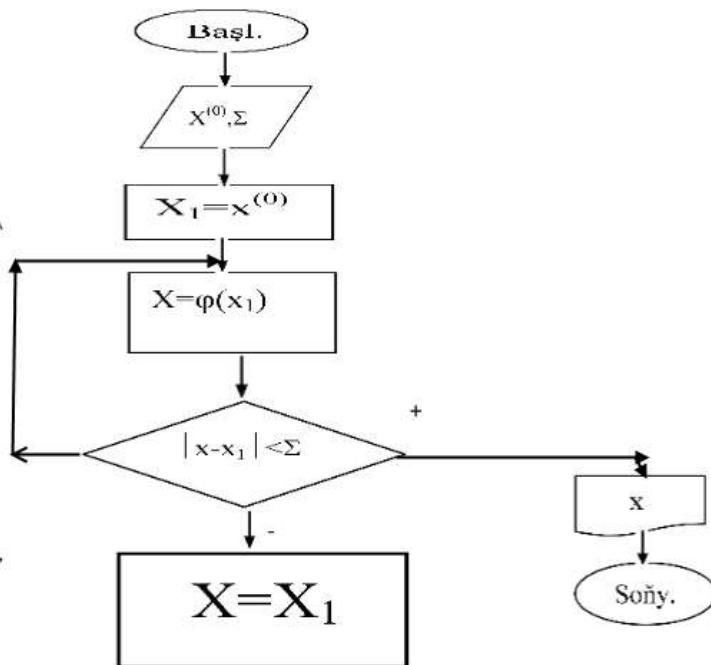
Çyzykly däl deňlemeleri çözmek üçin ulanylýan ýönekeý iterasiýa usuly aşakdakylardan ybarat.

$f(x)=0$ (1) deňleme oňa deňgүýcli bolan $x=\varphi(x)$ (2) deňleme bilen çalşylýar. Köküň başlangyç ýakynlaşma $x^{(0)}$ -bahasyny saýlap (2)- deňlemede goýup $x^{(1)}$ - takyklanan bahany hasaplayarys.

$x^{(1)}=\varphi(x^{(0)})$. Şuňa meňzeşlikde $x^{(k+1)}=\varphi(x^{(k)})$, $k=1,2,3,\dots$ $x^{(0)}, x^{(1)}, \dots x^{(k)}$, yzygiderligiň predeli eger ol bar bolsa, (1) deňlemäniň köküdir we ol x-e deňdir. Iterasiýa prosessiniň ýygnalmagy ýagny predeliň bar bolmagy $|\varphi'(x)| < 1$ näçe kiçi

boldugyça, şonça hem ýygnanma çalt bolar. Iterasiýa usulynyň algoritmi aşakdaky ýaly:

Iterasiýa prosessiniň ýygnalmaly ýa-da dargamaly (2), deňlemäniň alnyşyna bagly. Iterasiýa prosessiniň ýygnalýan ýagdaýlary üçin (2) deňlemäni saýlamaklygyň birnäçe usullary bar. Yöne bu usullar uly görnüşde. Kä halatda meseläniň goýluşyndan iterasiýa prosessiniň ýygnalmagy üçin (2) aňlatmanyň nähili ýagdaýda almalydygy görünüýär.



Gaussyn usuly

Näbellileri yzygider ýok etmek usuly ýa-da Gaussyn usuly çyzykly deňlemeler ulgamlaryny çözmekligiň taky

usulydyr. Goý n deňlemeli n näbellini deňlemeler ulgamy berlen bolsun:

$$\begin{array}{l} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n = b_2 \\ \dots \\ a_{n1}x_1 + a_{n2}x_2 + \dots + a_{nn}x_n = b_n \end{array} \quad (1) \quad \left. \begin{array}{l} \text{Matrisa görünüşinde} \\ A^*X=B \\ \text{görüşde aňlatmak} \\ \text{bolar.} \end{array} \right.$$

Bu ýerde: $A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{bmatrix}$, $X = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \dots \\ x_n \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \dots \\ b_n \end{bmatrix}$

(1) deňlemäniň ýeke-täk kökünüň bolmagy üçin A matrisadan düzülen kesgitleýji nuldan tapawutly hasap edilýär. Gaussyn usuly aşakdakylardan durýar:

Goý $a_{11} \neq 0$ bolsun. Birinji deňlemäniň her bir členini a_{11} -e bölüp

$x_1 + a_{12}^1 x_2 + a_{13}^1 x_3 + \dots + a_{1n}^1 x_n = b_1^1$ alarys. Bu deňlemäni $a_{21}, a_{31}, \dots, a_{n1}$ -sanlara yzygiderlikde köpeldip we (1) deňlemäniň ikinji we yzyndaky deňlemelerinden aýryp aşakdaky deňlemeler ulgamyny alarys:

$$\begin{array}{l} x_1 + a_{12}^1 x_2 + \dots + a_{1n}^1 x_n = b_1^1 \\ a_{22}^1 x_2 + \dots + a_{2n}^1 x_n = b_2^1 \\ \dots \\ a_{n2}^1 x_2 + \dots + a_{nn}^1 x_n = b_n^1 \end{array} \quad (2) \quad \left. \begin{array}{l} \text{Bu ýerde} \\ a_{ij}^1 = a_{ij} - a_{11} a_{1j} / a_{11}, \\ i, j = 1, \dots, n \end{array} \right.$$

Goý $a_{22}^1 \neq 0$ bilen, ikinji deňlemäni şoňa bölüp we alnan deňlemäni $a_{32}^1, \dots, a_{42}^1$ sanlara köpeldip degişlilikde yzyndaky deňlemelerden aýyralyň. Alarys:

$$\begin{aligned}
 x_1 + a^1_{12}x_2 + a^1_{13}x_3 + \dots + a^1_{1n}x_n &= b_1^{11} \\
 x_2 + a^1_{23}x_3 + \dots + a^1_{2n}x_n &= b_2^{11} \\
 a^1_{33}x_3 + \dots + a^1_{3n}x_n &= b_3^{11} \\
 \dots \\
 a^1_{n3}x_3 + \dots + a^1_{nn}x_n &= b_n^{11}
 \end{aligned}$$

Şeýlelikde öwürmäni ulgamyň beýleki deňliklerinde hem ýerine ýetirip aşakdaky ýaly deňlemeler ulgamynы alarys:

$$\begin{aligned}
 x_1 + a^1_{12}x_2 + \dots + a^1_{1n}x_n &= b_1^{11} \\
 x_2 + \dots + a^1_{2n}x_n &= b_2^{11} \\
 \dots \\
 x_n &= b_n^{(n)}
 \end{aligned}$$

Şunuň bilen Gaussynы usulynyň göni geçişi guitarýär. $x_n = b_n^{(n)}$ bahany soňky deňlemeler sistemasynda ornuna goýup

$x_n, \dots, x_{n-2}, \dots, x_2, x_1$ -iň bahalaryny taparys. Şeýle hasaplamałara Gaussynы usulynyň ters geçişi diýilýär. Göni geçişde amallar diňe näbelliniň öñündäki koeffisiýentlerde ýerine ýetirilýär, şoňa görä-de EHM-iň huşuna diňe A matrisany we azat çlenleri girizmek ýeterlidir: $b_j = a_j, n+1$.

Gaussynы usulynyň algoritmy aşakdaky görnüşlerden ybarat:

1. Matrisanyň birinji setiri a_{11} bölünýär we a_{k1} ($k=2,3,\dots,n$) köpeldilýär we k -njy setirden aýrylýär ($k=2,\dots,n$ tertiplikde). Matrissanyň birinji sütüni a_{21} -den a_{n1} -e çenli nula öwrülýär.

$$A^{(1)} = \boxed{\begin{matrix} 1 & a_{12}^{(1)}, \dots, a_{1n}^{(1)}.a_{11}^{(1),n+1} \\ 0 & a_{22}^{(1)}, \dots, a_{2n}^{(1)}.a_{21}^{(1),n+1} \\ \dots & \dots \\ 0 & a_{n2}^{(1)}, \dots, a_{nn}^{(1)}.a_{n1}^{(1),n+1} \end{matrix}}$$

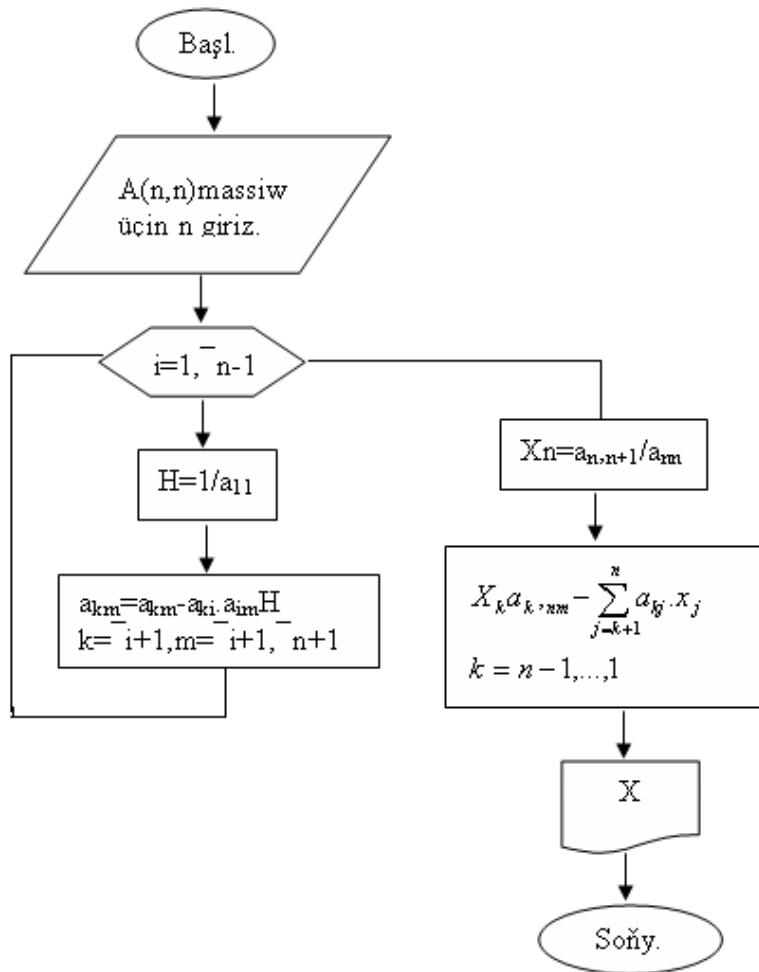
2. Üýtgedilen matrisanyň ikinji setiri $a_{22}^{(1)}$ bölünýär we a_{k2} köpeldilýär we $k=3,4,\dots,n$ setirden aýrylýar.

3. 1 we 2 punktlar n-1 setire çenli ýerine ýetirilýär. Alnan matrisa aşakdaky görnüşe eýé bolýar:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & a_{12}^{(1)} & \dots & a_{1n}^{(1)} & . & a_1^{(1)}, & n+1 \\ 0 & 1 & \dots & a_{2n}^{(2)} & a_2^{(2)}, & n+1 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & \dots & a_{n-1}^{(n-2)} & a_{n-1}^{(n-2)}, & n+1 \\ 0 & 0 & \dots & a_{nn}^{(n-1)} & a_n^{(n-1)}, & n+1 \end{pmatrix}$$

4. Matrisanyň soňky setirinden $x_n = a_n^{(n-1)}, n+1 / a_{nn}^{(n-1)}$ taparys.

5. X_n -bahasyndan peýdalanylý üçburçly matrissadan x_{n-1} -näbellini tapýarys, soň x_{n-2}, \dots, x_1 näbellileri n-sany çyzykly deňlemeleri Gaussyn usuly boýunça çözmekeligiň algoritmi we programmasyny aşakdaky ýaly aňlatmak mümkün:



Gaussyn usuly boýunça deňlemeler ulgamyny çözmelі.

$$\begin{cases} 4x_1 + 0.24x_2 - 0.08x_3 = 8 \\ 0.09x_1 + 3x_2 - 0.15x_3 = 9 \\ 0.04x_1 - 0.08x_2 + 4x_3 = 20 \end{cases} \quad \begin{array}{l} x_1 = 1.909198281 \\ x_2 = 3.194964417 \\ x_3 = 5.044807306 \end{array}$$

Rem ‘N-çyzykly deňlemelar sistemasyny çözmek’
 INPUT “Deňlemeleriň sany N=”,N
 DIM A(N,N), B(N), X(N)
 FOR I=1 TO N
 PRINT !2.0! ‘Denlemanin koeffisiyentlerini giriz’I
 FOR J=1 TO N: INPUT A(I,J)
 NEXT J:INPUT B(I): NEXT I
 FOR I=1 TO N-1: FOR J=I+1 TO N
 LET A(J,I)=-A(J,I)/A(I,I):FOR K=I+1 TO N
 A(J,K)=A(J,K)+A(J,I)*A(I,K):NEXT K
 B(J)=B(J)+A(J,I)*B(I):NEXT J:NEXT I
 X(N)=B(N)/A(N,N)
 FOR I=N-1 TO 1 STEP-1:LET H=B(I)
 FOR J=I+1 TO N:H=H-X(J)*A(I,J):NEXT J
 X(I)=H/A(I,I):NEXT I
 PRINT “Ulgamym denlemelerinin koki”
 FOR I=1 TO N: PRINT! 2.0!”X(“I”)=”::PRINT!E!X(I)
 NEXT I:END

Program Gauss;
 Uses crt; const n=3;
 Program Gauss; const n=3;
 Var A:array [n,n] of real;
 B:array [n] of real; x:rarray [n] of real;
 i,j: integer
 Begin
 Clrscr; for i:=1 to n do
 for j:=1 to n do read (A[i,j]);
 for i:=1 to n do read(B[i]);
 For i:=1 TO N-1 do
 for J:=I+1 TO N do
 Begin A[J,I]:=-A[J,I]/A[I,I];
 for K:=I+1 TO N do begin
 A[J,K]:=A[J,K]+A[J,I]*A[I,K];
 B[J]:=B[J]+A[J,I]*B[I]; end;

```

X[N]:=B[N]/A[N,N];
for I:=N-1 DOWN to 1 do H:=B[I];
  for J:=N+1 TO N do H:=H-X[J]*A[I,J];
    X[I]:=H/A[I,J];
  for I:=1 TO N do WRITELN(X[‘,I’,]=’,X[I]);
end.

```

Iterasiýa usuly

(1)-deňlemeler sistemasyň çözmeň üçin iterasiýa usulyny hem ulanmak mümkün. Bu metod boýunça x^k ($k=1,2,3,\dots$) tükeniksiz wektorlaryň yzygiderligini näbellileriň wektory arkaly aňlatmaga mümkünçilik berýär. EHM-de ulanmaklyk üçin iterasion usulynyň shemalary ýönekeýdir. Mundan başgada bu usul bilen arifmetiki amallary az ulanmak bilen, meseläniň çözüwini gerek takyklykda alyp bolýar. Käbir meselelerde A matrisanyň diogonalyny elementler absolýut ululygy boýunça beýleki elementlerinden uly we nuldan tapawutly çyzykly sistemalar üçin ýönekeý iterasiýa usulynyň ulanylышyna seredeliň:

$$\sum_{j=1}^n a_{ij} \cdot x_j = b_i, \quad i=1, \bar{n} - (1) \text{- deňlemeler ulgamy berlen}$$

bolsun.

Bu ulgamyda $a_{ii} \neq 0$, $i=1, \bar{n}$ - baş diogonalыň elementleri. Onda bu ulgamy:

$$X_i = \beta_i + \sum_{j=1}^n a_{ij} \cdot x_j; \quad i \neq 1, \bar{n} \quad \text{görnüşde}$$

ýa-da

$X=B+AX$, $B=(\beta_i)$, $A=(a_{ij})$ (2) görnüşde aňlatmak bolar.

Bu ýerde x- näbellilerden wektor, B- azat çlenleriň wektory, A- koeffisientlerde üýtgedilen matrisa.

$$\beta_i = b_i / a_{ii}; a_{ij} = 0 \text{ haçanda } i=j$$

$$a_{ij} = -a_{ij} / a_{ii}, i \neq j \text{ bolanda}$$

Gözlenýän x- wektor üçin $x^{(0)} = B^{d/n}$ – başlangyç bahany girizeliň.

Birinji ýakynlaşmany aşakdaky görnüşde gözlemeli:

$$X^{(1)} = B + A \cdot X^{(0)}$$

Iterasiýa prosessi aşakdaky formula bilen ýerine ýetirilýär:

$$X^{(k+1)} = B + A X^{(k)}$$

Eger-de $\{X^{(k)}\}$ - wektorlar yzygiderligi ýygnalýan bolsa-da $\lim_{k \rightarrow \infty} x^{(k)} = x$ – predel bar bolsa, onda bu predel (2) deňlemäniň çözüwi bolar.

Hakykatdanda bu ýagdayda:

$$X = \lim_{k \rightarrow \infty} x^{(k)} = \lim_{k \rightarrow \infty} (B + A X^{k-1}) = B + A \lim_{k \rightarrow \infty} X^{k-1} = B + A \cdot X.$$

(1) şonuň ýaly (2) çyzykly deňlemeleriň çözüwine yzygiderli ýakynlaşmasynyň ýygnanmasynyň şerti $\|A\| < 1$ deňsizligiň ýerine ýetmegi bilen kesgitlenýär. Hususy ýygnalmagy üçin

$$|a_{ii}| > \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^n |a_{ij}|, i = 1, \bar{n} \text{ deňsizligiň ýerine ýetmegi}$$

yeterlidir.

Iterasiýa prosessiniň gutarmagy aşakdaky ýaly ýerine yetirilýär. Goý Σ kiçi san berlen bolsun. Her bir iterasiýada şertiň:

$$\max |x_2^{(k+1)} - x^{(k)}| < \Sigma, i=1, \bar{n}$$

ýa-da

$$\left[\sum_{i=1}^n (x_1^{(k+1)} - x_i^{(k)})^2 \right]^{1/2} \leq \Sigma \text{ ýerine ýetýändigini}$$

barlaýarys.

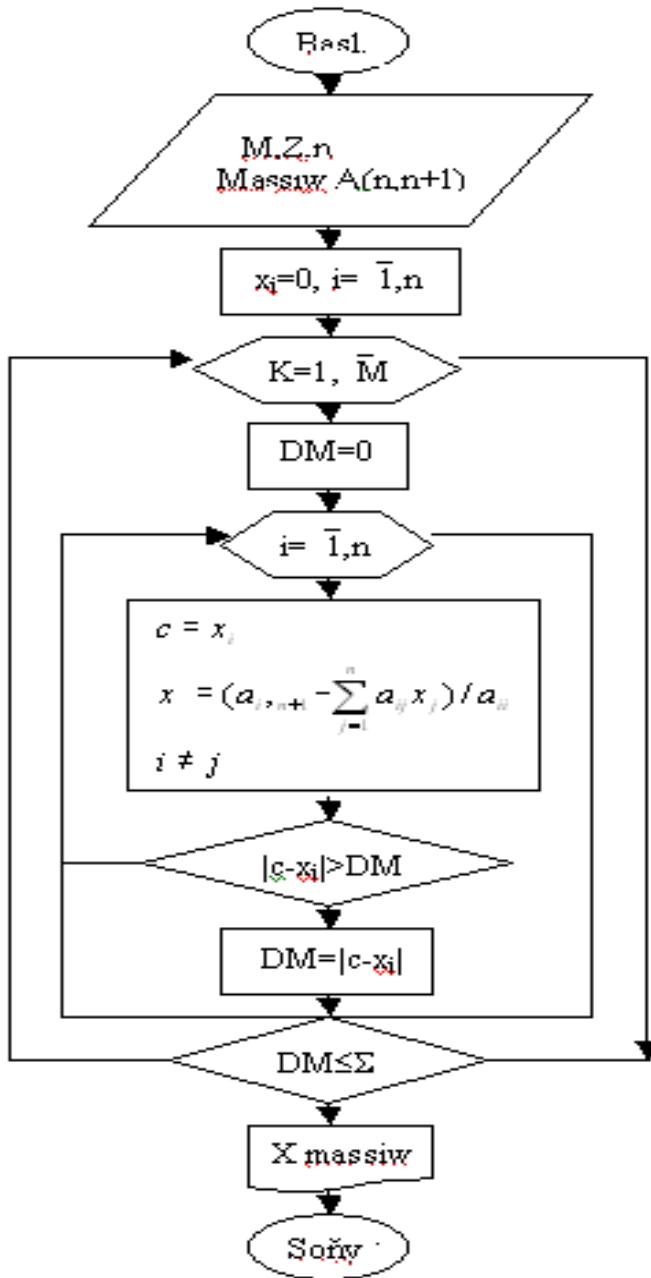
Bu şertleriň haýsyda bolsa biriniň ýerine ýetse iterasiýa prosessi guitarýar. Eger ýygnalma şerti ýerine ýetmese, onda sistemadaky deňlemeleriň ýerini çalşyp we çyzykly üýtgetmeler geçirip bu şertleriň ýerine ýetmegini gazanyp bolar. Iterasiýa usuly boýunça deňlemeler sistemasyny çözmekligiň algoritminiň shemasy aşakdaky ýaly. Algoritmde aşakdaky ýaly belgilemeler girizildi:

M- iterasiýanyň maksimal sany.

Σ - sistemanyň çözüwini tapmaklygyň berlen takyklygy

$A(n,n+1)$ -näbellileriň öňündäki koeffisiýent we azat členlerden düzülen massiw,

DM- k we $k-1$ ýakynlaşmadaky kökleriň tapawudynyň maksimal bahasy.



Funksiýalary sanly integrirlemeň algoritmleri

$\int_a^b f(x)dx = F(b) - F(a)$ – Nýuton – Leýbnisiň formulasy integral aşagyndaky $f(x)$ funksiýanyň $F(x)$ -asyl funksiýasyny tapmaklyga getirilýär. Emma asyl funksiýany elementar funksiýalaryň üsti bilen aňladyp bolmaýar. Şeýle ýagdaýlarda sanly integrirleme usullaryndan peýdalanýarlar. Şeýle usullara trapesiýa usuly we Simpsonyň usuly degişlidir.

Goý (a,b) interwal $f(x)$ funksiýa n -teripli Logranžyň interpolásiýón köpçleni bilen aňladylan bolsun:

$$Ln(x) = \sum_{i=0}^n y_i Ln^i(x) \text{ noktalarda } x_0=a, x_i=x_0+ih, h=(b-a)/n, i=1, \bar{n}$$

funksiýanyň bahasy: $y_i=f(x_i)$.

[$y=f(x)$ berlen bolsa, onda her bir x üçin y degişlidir kā halatda $f(x)$ ýakyn bolan $\varphi(x)$ funksiýany almaly bolýar. Şeýle ýakynlaşma 2(iki) hili bolýar: interpolásiýa we approksimasiýa.

$X=X_0, X_1, X_2, \dots, X_n$ - bahalar üçin $y=y_0, y_1, y_2, \dots, y_n$ funksiýanyň bahalary berlen bolsun. Interpolásiýa meselesi x_i nokatlarda $f(x)$ alýan bahalary ýaly baha alýan $\varphi(x)$ funksiýany tapmaklyga syrykdyrylýar, ýagny $y_i=\varphi(x_i), i=1, n$.

Interpolásiýa funksiýasy hökmünde köpçlenleri alýarlar. Onuň derejesi n -e deňdir, nokatlar $n+1$ bolany üçin.

Köp ýagdaýlarda esasan tejribe geçirilende $f(x)$ bahasynda ýalňyşlyklar goýberilýär we $f(x)$ we $\varphi(x)$ bahalarynyň deň gelmeginiň zerurlygy gerek bolmaýar. Praktikada m -($m < n$)-den kiçi derejeli köpçleni almak hem bolýar. Ýöne x üýtgeýän aralıgynda onuň grafigi (x_i, y_i) nokadyň ýakyn ýanyndan

geçmelidir. Şeýle ýakynlaşma bilen alynýan funksiýa approksimasiýa diýilýär.

Bu
ýerde:

$$L_i^{(n)}(x) = \frac{(x - x_0)(x - x_1) \dots (x - x_{i-1})(x - x_{i+1}) \dots (x - x_n)}{(x_i - x_0)(x_i - x_1) \dots (x_i - x_{i-1})(x_i - x_{i+1}) \dots (x_i - x_n)}$$

-Logranzyň koeffisiýentleri diýilýär. Ol aşakdaky şertleri kanagatlandyrýar:

$$i \neq j \quad \text{bolanda} \quad L_i^{(n)}(x_i) = 1, \quad L_i^{(n)}(x_j) = 0.$$

Aşakdaky deňligi ýazyp bileris:

$$\int_a^b f(x) dx = \int_a^b L_n(x) dx + R_n = \sum_{i=0}^n A_i y_i + R_n$$

(1)

Bu
ýerde
Rn-
formulanyň
ýalňyşlygy,
 $A_i = \int_a^b L_n^{(i)}(x) dx$ - formulanyň hemişelik koeffisiýentleri. (1)-
görnüşdäki formula Nýutonyň- Kotesiň formulasy diýilýär.
Eger-de (x_0, x_1) -aralykda $f(x)$ funksiýa birinji derejeli köpcelen
görnüşinde interpolirlenýän bolsa:

$$L_1(x) = y_0 \frac{x - x_1}{x_0 - x_1} + y_1 \frac{x - x_0}{x_1 - x_0} \quad \text{onda}$$

$$A_0 = \int_{x_0}^{x_1} \frac{x - x_1}{x_0 - x_1} dx = \frac{h}{2}, \quad A_1 = \frac{h}{2},$$

$$\int_{x_0}^{x_1} f(x) dx = h(y_0 + y_1)/2 + R_1$$

(a,b) interwaly $h = \frac{(b-a)}{n}$ ädim bilen x_0, x_1, \dots, x_n nokatlara bölüp we her bir (x_{i-1}, x_i) , $i=1, \dots, n$ - aralykda $y=f(x)$ funksiýany birinji derejeli interpoláasion köpçlen bilen çalşyp alarys:

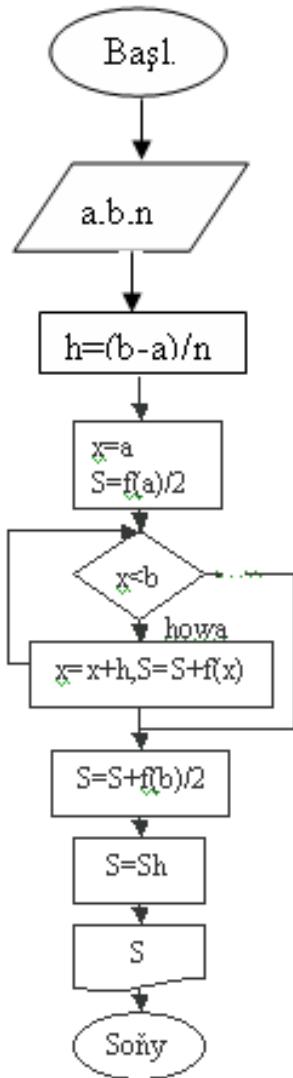
$$\int_a^b f(x)dx = h(y_0 - y_1)/2 + h \cdot (y_1 - y_2)/2 + \dots + h(y_{n-1} + y_n)/2 + Rn$$

ýa-da $\int_a^b f(x)dx = (b-a)/n(y_0/2 + \sum_{i=1}^{n-1} y_i + y_n/2) + Rn$

(2)

Bu formula trapesiyalar formulasy diýilýär. Bu usul ulanylanda goýberilýän ýalňyşlyk $|Rn| \leq (b-a)h^2(n^2/12)$ - bahany kanagatlandyrýar. Bu ýerde $(n^2-(a,b))$ - interwalda $|f''(x)|$ - maksimal bahasy.

Trapesiyalar usuly boýunça integraly hasaplamanyň shemasy aşakdaky ýaly:



$$1) J = \int_0^1 \sqrt{2x+1} dx = 1.398717474 \quad a=0, b=1.$$

M=m=8

PRINT "Simpsonyn usuly bilen integraly cozmek"

INPUT "Asaky predel A=",A

INPUT “Yokarky predel B=”,B
 30 INPUT “Bolunme aralygy M=”,M
 $H=(b-a)/M/2$: x=A
 GOSUB 110: I=F: N=Ø
 60 X=X+H: GOSUB 110: I=I+H*F
 $N=N+2$: IF $N=2*M$ THEN 90
 $X=X+H$: GOSUB 110: I=I+2F: Goto 60
 90 X=B: GOSUB 110: I=(I+F)*H/3
 PRINT “Для A=”;A, “B=”;B, “M=”;M
 PRINT “Integralyn bahasy I=”;I: Goto 30
 110 S=SQR(2*x+1): RETURN: END

$$2) J = \int_4^{4.4} \int_2^{2.6} \frac{dxdy}{x \cdot y} = \ln 3 \cdot \ln 1.1 = 0.02505985223$$

a=4, b=4.4, c=2, d=2.6 → J=0.02500698577

1).

INPUT A, B, E, S	130 X=X+H: GOSUB 210
M=1;	I=I+4*F:N=N+2
IF S=0 THEN 65	IF N=2*M THEN 180
INPUT C:GOTO 70	X=X+H: GOSUB 210
65 x=A: GOSUB 210: C=F	I=I+2*F: GOTO 130
70 INPUT S	180 I=(I+C+D)*H/3: k=J:
J=I	
IF S=0 THEN 100	IF ABS(I-k)>E*15 THEN
110	
INPUT D: GOTO 110	PRINT “Integral I=”;I
100 X=B: GOSUB 210: D=F: J=0	STOP
110 M-M*2:H=(b-A)/M/2	REM “Bolek programma”
120 N=0: I=0: x=A	210 LET F=SIN(X)/X : RETURN:
END	

2).

PRINT “Simpsonyn usuly bilen ikigat integraly cozmeli”: S=0

```

20 INPUT A,B,C,D
H=(b-a)/2:K=(D-C)/2
x=A: y=C: GOSUB 140 : S=S+F
X=B: GOSUB 140: S=S+F
X=A: Y=D: GOSUB 140: S=S+F
X=B: GOSUB MO: S=S+F
X=A+H: y=C: GOSUB 140: S=S+4*F
y=D: GOSUB 140: S=S+4*F
X=A: y=C+K: GOSUB140: S=S+4*F
X=B GOSUB 140: S=S+4*F
X=A+H: GOSUB 140: S=S+16*F
PRINT “Зн-е. инт. I=”;S*H*K/9:
      GOTO 20
140 F=1/x/y: RETURN : END

```

Jemi tapmak

$$Z_n = \sum_{i=1}^n y_i - \text{jemi tapmaklyk her bir goşulyjyny berýän}$$

siklde üýtgeýäniň bahasyny tapmaklyga getirilýär. Şeýlelikde tapyлан y_i öňki tapyлан Z_{i-1} goşulyjylaryň jemine goşulýar, ýagny siklde hemme jemler yzygiderlikde hasapanylýar:

$$Z_1 = Z_0 + y_1 = y_1;$$

$$Z_2 = Z_1 + y_2 = (y_1) + y_2;$$

.....

$$Z_i = Z_{i-1} + y_i = (y_1 + y_2 + \dots) + y_i;$$

.....

$$Z_n = Z_{n-1} + y_n = \sum_{i=1}^n y_i$$

Hemme goşulyjyny maşynyň huşunda saklamak hökman däl, ýagny maşynyň huşunda şol bir ýerde saklanýan ýonekeý üýtgeýän hökmünde aňlatmak mümkün.

Şeýlelikde jemi tapmaklygyň rekurrent formulasy:

$Z = Z + y$ görnüşde aňlatmak bolar.

Sikli birinji ýerine ýetirilenden soň aralyk jem birinji goşulyja deň bolmaly. Şuňa meňzeşlikde Z başlangyç bahasy 0 bolmaly.

$$y = \int_a^b \frac{e^x + 1}{x} dx \text{ - kesgitlenen integralyň}$$

göniburçluklar usuly boýunça bahasyny tapalyň:

x - argument $h = \frac{b-a}{n}$ ädim bilen üýtgeýär. n - berlen,
integrirlemeňiň ädimi.

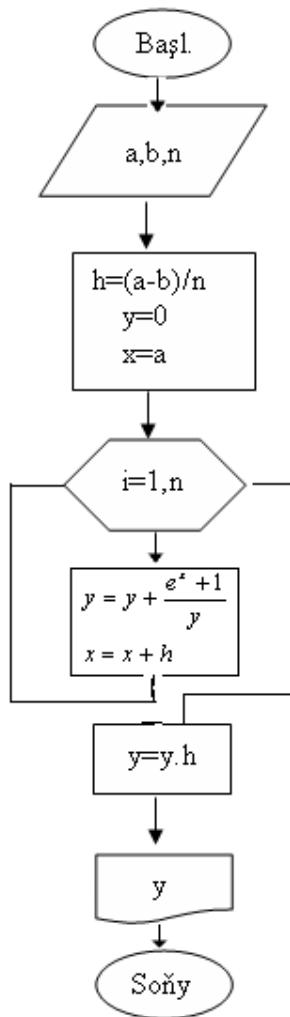
Kesgitlenen integralyň bahasyny göniburçluklar usuly boýnça tapalyň.

$$y = h \sum_{i=1}^n \frac{e^{xi} + 1}{x_i} \text{ - jemi tapmaklyga syrykdyryylýar. Bu ýerde}$$

x_i - h -integrirleme ädiminiň serhedindäki argumentiň bahasy.
Jemi almak üçin sikiliň başynda onuň başlangyç bahasyny 0-a

deň diýip kabul etmeli. $y = y + \frac{e^x + 1}{x}$ rekurrent
formulany ulanyp sıklde jemi hasaplamaly.

Sıklde iki parametr üýtgeýär: I üýtgeýän, 1-den n-e çenli 1
ädim bilen; x -ýonekeý üýtgeýän a-dan b-e çenli h-ädim bilen
üýtgeýär. Şuňa görä-de bir wagtda birnäçe üýtgeýän parametrli
siklleri ulanmaly. Mysaly çözmeklägiň algoritmi aşakdaky
ýaly:



3-nji blok h- integrirleme ädime baňa berýär we y- jeme başlangyç bahany 0 we x- parametre a bahany berýär. 5-blok jemi toplaýar we x-iň indiki indiki bahalaryny hasaplaýar.

EDEBIÝAT

1. Türkmenistanyň Konstitusiyasy. Aşgabat, 2008.
2. Gurbanguly Berdimuhamedow. Ösüşiň täze belentliklerine tarap. Saýlanan eserler. I tom. Aşgabat, 2008.
3. Gurbanguly Berdimuhamedow. Ösüşiň täze belentliklerine tarap. Saýlanan eserler. II tom. Aşgabat, 2009.
4. Gurbanguly Berdimuhamedow. Garaşszlyga guwanmak, Watany, Halky söymek bagtdyr. Aşgabat, 2007.
5. Gurbanguly Berdimuhamedow. Türkmenistan – sagdynlygyň we ruhubelentligiň ýurdy. Aşgabat, 2007.
6. Türkmenistanyň Prezidenti Gurbanguly Berdimuhamedowyň Ministrler Kabinetiniň göçme mejlisinde sözlän sözi. (2009-njy ýylyň 12-nji iýuny). Aşgabat, 2009.
7. Türkmenistanyň Prezidentiniň «Obalaryň, şäherleriň, etrapdaky şäherçeleriň we etrap merkezleriniň ilatynyň durmuş-ýasaýyş şartlarını özgertmek boýunça 2020-nji ýyla çenli döwür üçin» Milli maksatnamasy. Aşgabat, 2007.
8. «Türkmenistany ykdysady, syýasy we medeni taýdan ösdürmegiň 2020-nji ýyla çenli döwür üçin Baş ugry» Milli maksatnamasy. «Türkmenistan» gazeti, 2003-nji ýylyň, 27-nji awgusty.
9. «Türkmenistanyň nebitgaz senagatyny ösdürmegiň 2030-njy ýyla çenli döwür üçin Maksatnamasy». Aşgabat, 2006.
10. G. Çopanow we başg. Informatikanyň we hasaplaýyş tehnikasynyň esaslary. Aşgabat, 2007.
11. Ç. Aşyralyýew. Kompýuter tehnologiyalary. Aşgabat, 2008.

12. H. Babaýew. Hasaplamalaryň elektron hasaplaýyş maşynynda ulanylyşy. Okuw gollanma. TPI BB, Balkanabat, 2001.
13. H. Babaýew. Informatika we kompýuter tehnikasynyň esaslary. Okuw gollanma. TPI BB, Balkanabat, 2005 ý.
14. H. Babaýew. Informatika we kompýuter tehnikasynyň esaslary I,II bölümler. Okuw gollanma. TPI BB, Balkanabat, 2007.
15. H. Babaýew. Basic maksatnama dili. Okuw gollanma. TPI BB, Balkanabat, 2010.
16. Э.Н. Самохвалов и др. Задачи и упражнение по программированию. Москва, 1989.
17. В.П. Карапчук и др. Основы применения ЭВМ. Москва, 1988.
18. В.С. Новичков и др. Алгоритмические языки паскаль. Москва, 1990.
19. А.Я. Савельев и др. Персональный компьютер для всех. Москва, 1991.
20. Н.Д. Васюкова и др. Практикум по основам программирования язык паскаль. Москва, 1991.
21. А. Сергеев. 32 урока по Делфи. 1999.

MAZMUNY

1	Giriş.Programmirleme we hasaplaýyş teknikasynyň esbaby, elektron hasaplaýyş maşynlarynyň (EHM) nesli	7
2	Algoritmler we blok shemalary şekillendirmegiň düzgünleri	10
3	Programmirleme dili barada düşünje	13
4	Basic programmirleme dili. Diliň elipbiyi. Hemişelikler. Üýtgeýän ululyklar	15
5	Bir ölçegli we iki ölçegli massiwler	17
6	Standart funksiýalar, aňlatmalar	18
7	Operatorlar we olaryň ulanylyşynyň mysallary	21
8	Paskal programmirleme dili. Paskal dilinde programmanyň gurluşy	31
9	Standart görnüşli berlenleriň ýazgysy	31
10	Baha bermek, girizmek we çykarmak operatorlary	34
11	Aňlatmalary Paskal dilinde ýazmaly	35
12	Düzmeli we şertli operatorlar	37
13	Sıkl operatorlary	40
14	Massiwler	44
15	Borland Delphi. Giriş.	46
16	Delphi programmirleme diliniň artykmaçlygy	47
17	Delphide işlemekligiň integrirlenen gursawy. Umumy gurluşy. Esasy elementler.	47
18	Standart komponentler. Taslamalary huşa bermek	50
19	Windows Media Player bölümünü ulanyp programma düzmek. Delphide multimedia. Multimedia name. I Media Player komponenti. Multimediany ulanylan programmanyň mysaly	53
20	Delphide programmalaryň mysallary	57
21	Gönükmeler. Basic we Pascal dillerinde ýazyylan programmalar	63
22	Özbaşdak işlemek üçin gönükmeler	68
23	Esasy sanly usullar we EHM-de meseleleri	76

çözmekligiň algoritmi	
EHM-de hasaplanýlanda goýberilýän ýalňyşlyklar	
24 Çyzykly däl deňlemeleriň çözülsiniň algoritmi	77
25 Ýarpa bölmek usuly	78
26 Hordalar usuly	80
27 Galtaşýanlar usuly (Nýutonyň usuly)	83
28 Ýonekeý iterasiýa usuly	86
29 Gaussyn usuly	87
30 Iterasiýa usuly	93
31 Funksiýalary sanly integrirlemegeň algoritmleri	97
32 Jemi tapmak	102
33 Ulanylan edebiýatlar	105